

**R. Sobhkhiz**

Civil Engineering  
Department,Engineering  
Faculty,Islamic Azad  
University of Lahijan

**e-mail:** sobhkhizarman@yahoo.co.uk

**A. Mardookhpour\***

Civil Engineering  
Department,Engineering  
Faculty,Islamic Azad  
University of Lahijan

**e-mail:** alireza.mardookhpour@liau.ac.ir

## **Numerical Simulation of the Effect of Pile Geometry and Foundation on Local Scour in Inclined Bridge Group Pier**

*In this research, due to the importance of identifying the mechanisms affecting the scouring on this types of bridge piers, the effect of the geometric shape of the piles installed under the inclined piers and also the effect of the pile cap leveling in the sedimentary bed have been investigated and the properties of the scouring around the inclined pier group was studied numerically using the FLOW-3D software. The study of total shear stress in the flow bed at different leveling of the pile caps shows that the highest shear stress is created when the pile cap position is at the same level as the river bed; by installing the pile cap at a lower level than the river bed, the maximum shear stress decreases. This may be due to the fact that in this case, the distance between the pier group increases and the presence of the second pier decreases the flow rate in the pier group and different pier in the one pier group acts as the two independent piers in the formation of the flow pattern. By comparing the final longitudinal sections of the scouring at different leveling of the pile cap, it is concluded that the largest reduction in scouring depth occurs in aerofoil-shaped pile caps and pile caps with the sharper nose and better aerodynamic shapes are good options to control the horseshoe vortices and will reduce the scouring depth around the inclined pier group.*

**Keywords:** scouring hole, FLOW-3D software, bridge, pile; Numerical simulation.

---

\* Corresponding author

Received 23 April 2019, Revised 21 August 2019, Accepted 30 August 2019.  
DOI: 10.22091/cer.2019.4278.1149

## شبیه‌سازی عددی تأثیر هندسه شمع و فونداسیون بر روی آبشتگی موضعی در اطراف گروه‌پایه کج

با پیشرفت فناوری طراحی و ساخت سازه‌ها، شاهد ساخت پل‌ها با اشکال مدرنی می‌باشیم که از جمله آنها می‌توان به پل‌های با گروه‌پایه‌های کج اشاره کرد. با توجه به اهمیت شناخت مکانیزم‌های مؤثر بر آبشتگی این نوع از پایه‌های پل، در پژوهش حاضر به بررسی و شبیه‌سازی عددی تأثیر هندسه شمع و فونداسیون بر روی آبشتگی موضعی در اطراف گروه‌پایه کج با استفاده از نرم‌افزار Flow-3D پرداخته شده است. از طریق بررسی الگوی جریان اطراف گروه‌پایه‌ها مشخص گردید با تغییر تراز کارگذاری سریع در بستر رسوبی گردابه‌های تشکیل شده در بین پایه اول و دوم گروه‌پایه متفاوت بوده و هرچه تراز کارگذاری نزدیک به بستر و یا بالاتر از آن قرار گیرد، گردابه‌های تشکیل شده با قدرت بیشتری بر روی بستر اطراف گروه‌پایه کج تأثیر می‌گذارد. با بررسی پروفیل طولی آبشتگی اطراف گروه‌پایه کج مشاهده گردید که شمع دوکی شکل نسبت به سایر شکل شمع‌ها اثر بهتری در کاهش آبشتگی از خود نشان می‌دهد. به طوری که، حداکثر عمق آبشتگی ایجاد شده در اطراف گروه‌پایه کج با حضور شکل دوکی شمع، مستطیلی و مستطیلی گردگوشی  $14/11$  و  $6/45$  درصد نسبت به شکل استوانه‌ای شمع کاهش پیدا می‌کند. نکته قابل توجه اینکه، هرچه دماغه شمع آتروودینامیکی و تیز باشد، کنترل گردابه‌های نعل‌اسی بیتر عمل می‌کند و این امر باعث کاهش عمق آبشتگی در اطراف گروه‌پایه کج می‌گردد.

**واژگان کلیدی:** پل‌ها، اثرات آبشتگی، شمع، نرم‌افزار Flow-3D، شبیه‌سازی عددی.

رامتین صبح خیز فومنی  
کارشناس ارشد، دانشکده فنی  
مهندسی، دانشگاه آزاد اسلامی  
واحد لاهیجان.  
پست الکترونیک:  
Sobhkhizarman@yahoo.co.uk

علیرضا مردوخ پور\*

استادیار، دانشکده فنی مهندسی،  
دانشگاه آزاد اسلامی واحد  
lahijan.  
پست الکترونیک:  
alireza.mardookhpour@liau.ac.ir

رودخانه‌ها، گردابه‌ای پیچیده در اطراف پایه‌ها به وجود می‌آید که باعث حفر گودالی در اطراف پایه‌ها شده که حفره آبشتگی نامیده می‌شود. توسعه این گودال در اطراف پایه‌ها و نفوذ به زیر پی سازه، تخریب پل را به دنبال خواهد داشت. دو عامل برخورد جریان به پایه و جدا شدن جریان از پایه پل، باعث ایجاد چنین گردابه‌هایی می‌شود. برخورد جریان به پایه پل، گردابه نعل‌اسی را شکل داده و جدایی جریان از پایه سبب به وجود آمدن گردابه‌های برخاستگی می‌شود. در صورت کاربرد گروه‌پایه، مکانیزم‌های دیگری نیز در مقدار آبشتگی موثر هستند. مکانیزم‌های مؤثر در آبشتگی گروه‌پایه اثر تقویت کردن،

### ۱- مقدمه

بحث آبشتگی قدمتی طولانی در علم هیدرولیک داشته و به دلیل شرایط و پیچیدگی‌های خاص آن و همچنین به جهت نبودن رابطه‌ای مناسب که بتواند پاسخگوی تمامی شرایط باشد، همچنان مورد توجه خاص محققان علم هیدرولیک و مهندسی رودخانه می‌باشد. با استقرار پایه‌های پل در مسیر جریان در

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۸/۰۲/۰۳، بازنگری ۱۳۹۸/۰۵/۳۰، پذیرش ۱۳۹۸/۰۶/۰۸.  
DOI: 10.22091/cer.2019.4278.1149

خواهد شد [۵]. مقایسه‌های انجام شده در خصوص تأثیر کج‌شدگی پایه بر تغییرات آبشنستگی اطراف گروه‌پایه کج حاکی از آن است که مقدار آبشنستگی در گروه‌پایه کج از حالت تک‌پایه بیشتر بوده که این موضوع بهدلیل تأثیر توام دو پایه و نیز کج‌شدگی آن بهسمت بالادست می‌باشد. همچنین بررسی‌های انجام شده نشان داد در شرایط نصب پایه‌ها بر روی فونداسیونی که در زیر بستر و بالاتر از بیشینه عمق آبشنستگی بهازای تک‌پایه قرار دارد، مقدار بیشینه عمق آبشنستگی کاهش می‌یابد [۶]. در کنار مطالعه آبشنستگی ناشی از پایه‌های پل، تأثیر آرایش شمع‌های مستقر در زیر فونداسیون نیز از اهمیت بسزایی برخوردار می‌باشد.

شفرد<sup>۱</sup> و همکاران در سال ۲۰۱۴، براساس مفهوم قطر مؤثر پایه، رابطه‌ای را برای تخمین عمق آبشنستگی گروه‌پایه‌ها ارائه نمودند [۷]. عطائی آشتیانی و همکاران در سال ۲۰۱۰، روش‌های ارائه شده توسط HEC-18 و کولمن<sup>۲</sup> در تخمین عمق آبشنستگی اطراف گروه شمع‌ها را مورد بررسی قرار داده و رابطه اصلاحی برای این منظور ارائه دادند [۸].

عبدالدائم<sup>۳</sup> و همکاران، به مقایسه گروه شمع در آبشنستگی موضعی در اطراف پایه‌های پل، با تغییر تعداد و فاصله شمع در آرایش مربعی‌شکل در دو جهت طولی و عرضی جریان پرداختند. تجزیه و تحلیل نتایج نشان داد که برای گروه شمعی که در یک ردیف در جهت جریان قرار داده شود، در صورتی که نسبت فاصله شمع مساوی یا بزرگتر از  $6/5$  برابر قطر شمع باشد، آبشنستگی برای هر شمع بهصورت منفرد عمل می‌نماید. همچنین زمانی که گروه شمع‌ها در چند ستون و ردیف مرتب شوند با افزایش فاصله بین شمع‌ها، عمق آبشنستگی کاهش می‌یابد [۹].

اثر محافظت یا پناه دادن، گردابه‌های جاری و به‌هم‌فشردگی گردابه‌های نعل اسبی می‌باشد [۱]. اثر تقویت کردن باعث افزایش عمق آبشنستگی در پایه جلویی می‌شود. به علت وجود پایه پشتی، حفره‌های آبشنستگی دو پایه ممکن است روی هم قرار گرفته و تراز بستر در پشت پایه جلویی پایین افتاد. در نتیجه جریان به‌راحتی ذرات را از چاله آبشنستگی پایه جلویی حرکت داده و عمق آبشنستگی در جلو پایه عمیق‌تر می‌گردد [۲].

به‌جهت اهمیت مسئله آبشنستگی اطراف پایه‌های پل، تاکنون تحقیقات زیادی در رابطه با پارامترهای اثرگذار بر آبشنستگی انجام شده است. نتایج تحقیقات انجام‌شده در رابطه با تأثیر پارامترهای هندسی پایه نظری قطر پایه و یکنواختی سطح مقطع نشان داد که برای پایه با سطح مقطع یکنواخت، بیشینه عمق آبشنستگی تا  $2/4$  برابر قطر پایه خواهد رسید [۲].

در شرایطی که سطح مقطع متفاوت باشد، نظری شرایطی که پایه بر روی فونداسیون قرار گرفته است، بسته به تراز کارگذاری فونداسیون مقدار آبشنستگی متفاوت می‌باشد [۲].

نتایج تحقیقات صورت‌گرفته حاکی از آن است برای شرایطی که فونداسیون در عمقی کمتر از بیشینه آبشنستگی برای تک‌پایه قرار گیرد، بیشینه عمق آبشنستگی کاهش می‌یابد. علت این موضوع به کاهش سطح آبشنستگی در عمق و در نتیجه عدم توانایی جریان برای تعریض چاله آبشنستگی و تعمیق بیشتر وقتی که به فونداسیون می‌رسد، نسبت داده شد [۳].

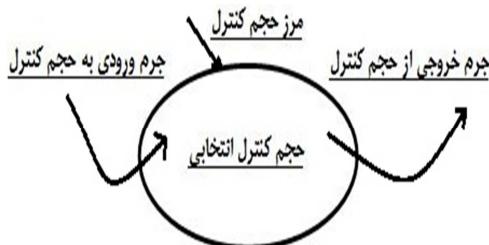
همچنین در شرایطی که تراز کارگذاری فونداسیون بالاتر از بستر است، عمق آبشنستگی نسبت به تک‌پایه افزایش می‌یابد [۴]. مطالعات انجام شده نشان داد که با کج‌شدگی پایه در صفحه موازی با جریان و به‌سمت بالادست، بر مقدار بیشینه آبشنستگی افزوده

<sup>۱</sup>- Sheppard

<sup>۲</sup>- Kolman

<sup>۳</sup>- Abdeldayem

در رابطه (۱)،  $m_{stored}$  بیانگر جرم ذخیره شده در داخل حجم کنترل،  $\sum m_{in}$  بیانگر مجموع جرم‌های ورودی از طریق سطوح حجم کنترل و  $\sum m_{out}$  نیز بیانگر مجموع جرم‌های خروجی از سطوح حجم کنترل است.



شکل ۱- حجم کنترل انتخابی و سطوح مرزی آن

چنانچه این معادله را به فرم انتگرالی و بر روی سطوح کنترل مورد نظر بیان شود، رابطه (۲) ایجاد خواهد شد:

$$\frac{\partial \left( \int \rho dV \right)}{\partial t} = - \int_A \rho (\vec{V}_{rel} \cdot \vec{dA}) \quad (2)$$

که در آن بردار سرعت نسبی  $\vec{V}_{rel}$  بیانگر اختلاف سرعت سیال و بردار سرعت حجم کنترل می‌باشد بهطوری که اگر حجم کنترل متحرک بوده و مثلاً سرعتی برابر با سرعت سیال داشته باشد، هیچگونه جرمی وارد آن یا از آن خارج نمی‌شود. اکنون ضروری است برای تبدیل انتگرال بر روی سطوح رابطه (۲)، به انتگرال بر روی حجم از تئوری دیورژانس<sup>۵</sup> استفاده نماییم. براساس تئوری دیورژانس، برای هر کمیت برداری مانند  $\vec{X}$  می‌توان رابطه (۳) را به عنوان تبدیل‌کننده انتگرال سطح به انتگرال حجم بیان نمود.

$$\int_A \vec{X} \cdot \vec{dA} = \int_V \operatorname{div}(\vec{X}) dV \quad (3)$$

حال با فرض اینکه کمیت برداری  $\vec{X}$  برابر حاصلضرب یک کمیت اسکالر (مانند چگالی) و یک کمیت

در سال ۲۰۱۲، امینی و همکاران با مطالعه آزمایشگاهی آبشنستگی تحت شرایط مختلف مخلصه بین شمع و تراز کارگذاری فونداسیون، رابطه‌ای برای تخمین عمق آبشنستگی برای شرایط ارائه دادند [۱۰].

با توجه به اینکه تاکنون تحقیقی در خصوص بررسی آبشنستگی اطراف گروه‌پایه کج مستقر بر گروه شمع صورت نگرفته است، هدف از انجام این تحقیق، تراز تأثیر هندسه شمع‌ها از نظر اشکال مختلف دوکی، مستطیلی، مستطیلی گردگوش و دایره‌ای بر مقدار بیشینه عمق آبشنستگی در اطراف گروه‌پایه کج می‌باشد.

## ۲- مواد و روش‌ها

اولین قدم در مسیر شبیه‌سازی جریان، به دست آوردن معادلات حاکم بر این پدیده می‌باشد. پایه و اساس تمام روش‌های حل عددی برای مدل‌سازی، حل معادلات جریان می‌باشد که شامل یک معادله پیوستگی و سه معادله مومنتوم در جهت محورهای سه‌گانه مختصات می‌باشند که به معادلات ناویر استوکس<sup>۴</sup> معروف هستند. در این بخش از تحقیق حاضر، سعی شده است این معادلات به صورت کلی بیان شود. معادله پیوستگی به عنوان یکی از معادلات اساسی مکانیک سیالات، بیانی از قانون بقای جرم بوده و نشان می‌دهد تغییر جرم سیال محتوی یک حجم کنترل طی یک بازه زمانی مشخص، برابر با اختلاف مجموع جرم‌های ورودی و خروجی حجم کنترل می‌باشد [۹].

با فرض یک حجم کنترل انتخابی مطابق شکل ۱، برای نوشتن معادله پیوستگی خواهیم داشت:

$$m_{stored} = \sum m_{in} - \sum m_{out} \quad (1)$$

<sup>4</sup>- Navier Stocks Equation

<sup>5</sup>- Divergence Theorem

معادله (۱۰) می‌تواند به فرم فشرده مطابق معادله (۱۱) نوشه شود:

$$\frac{D\rho}{Dt} + \rho \left( \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} \right) = 0 \quad (11)$$

در نهایت، معادله پیوستگی برای یک جریان تراکم‌ناپذیر به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} = 0 \quad (12)$$

### ۱-۲- تقریبات عددی در مدل عددی Flow-3D

نرم‌افزار Flow-3D، معادلات حاکم بر حرکت سیال را با استفاده از تقریبات حجم محدود حل می‌کند. محیط جریان به شبکه‌ای با سلول‌های مستطیلی ثابت تقسیم‌بندی می‌شود، که برای هر سلول مقادیر میانگین کمیت‌های وابسته وجود دارد. یعنی همه متغیرها در مرکز سلول محاسبه می‌شوند بجز سرعت که در مرکز وجوه سلول حساب می‌شود. موانع منحنی‌شکل، دیوارهای مرزی و سایر اشکال هندسی دیگر، به سیله تعیین کسر مساحت وجوه و کسر حجم باز به جریان سلول، در شبکه در نظر گرفته شده جای می‌گیرند (روش کسر مساحت- حجم مانع<sup>۶</sup>). روش دقت مرتبه اول<sup>۷</sup> نسبت به افزایش زمان و مکان، روش عددی اصلی مورد استفاده در Flow-3D می‌باشد. زمانی که شبکه مورد استفاده در روش حجم محدود، غیریکنواخت است، می‌بایست در انتخاب درجه دقت حل عددی توجه کرد. در این حالت، روش دقت مرتبه دو<sup>۸</sup> مناسب‌تر است. در همه حالات، حداقل می‌توان از دقت درجه یک برای شرایط مرزی استفاده کرد. مثلاً در سلول‌هایی که بخشی از آن توسط مانع اشغال شده، روش FAVOR، معادل با درون‌یابی خطی برای شرایط مرزی می‌باشد. در هنگام مدل کردن سطح آزاد آب، این

برداری (مانند سرعت) می‌باشد،  $\vec{X} = \rho \vec{V}$ ، با جایگذاری در رابطه (۳) و قرار دادن انتگرال حاصله در معادله (۲) به رابطه (۴) خواهیم رسید:

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \int_v \rho dV \right) + \int_v \operatorname{div}(\rho \vec{V}_{rel}) dV = 0 \quad (4)$$

در اعمال قضیه دیورژانس، فرض بر آن است که توابع چگالی  $\rho$  و سرعت  $\vec{V}$  توابعی کاملاً پیوسته می‌باشند. برای حالتی که تغییرات شکل حجم کنترل، نسبت به زمان ناچیز بوده و بتوان شکل حجم کنترل را ثابت فرض نمود تساوی (۵) برقرار است:

$$\frac{\partial}{\partial t} \left( \int_v \rho dV \right) = \int_v \frac{\partial \rho}{\partial t} dV \quad (5)$$

در این صورت رابطه (۴) را می‌توان به صورت زیر بیان کرد:

$$\int_v \left[ \frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div}(\rho \vec{V}_{rel}) \right] dV = 0 \quad (6)$$

حال چنانچه فرض کنیم که اندازه و ابعاد حجم کنترل به سمت صفر میل نماید، به طوری که دیگر تغییرات مکانی کمیت‌های موجود در داخل حجم کنترل قابل توجه نباشد، در اینصورت خواهیم داشت:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div}(\rho \vec{V}_{rel}) = 0 \quad (7)$$

برای حالتی که حجم کنترل ثابت باشد، سرعت نسبی  $\vec{V}_{rel}$  برابر با سرعت سیال بوده و معادله پیوستگی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \operatorname{div}(\rho \vec{V}) = 0 \quad (8)$$

این معادله برداری به صورت زیر بسط داده می‌شود:

$$\frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial(\rho u)}{\partial x} + \frac{\partial(\rho v)}{\partial y} + \frac{\partial(\rho w)}{\partial z} = 0 \quad (9)$$

$$\left( \frac{\partial \rho}{\partial t} + u \frac{\partial \rho}{\partial x} + v \frac{\partial \rho}{\partial y} + w \frac{\partial \rho}{\partial z} \right) + \rho \left( \frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} + \frac{\partial w}{\partial z} \right) = 0 \quad (10)$$

<sup>6</sup>- FAVOR

<sup>7</sup>- 1<sup>st</sup> order

<sup>8</sup>- 2<sup>nd</sup> order

$$f_s + f_L = 1 \quad (14)$$

بار معلق، لزجت واقعی سیال را افزایش می‌دهد. این افزایش تا زمانی ادامه دارد که جزء حجمی ذرات جامد ( $f_s$ ) به حد جزء حجمی چسبندگی<sup>۱۳</sup> ( $f_{SCO}$ ) برسد. پس از آن افزایش بار معلق، سبب بالارفتن لزجت نشده، بلکه سبب می‌شود ذرات شروع به فعالیت با رفتار جامدگونه کنند. در این حالت، لزجت متوسط سیال از رابطه زیر محاسبه می‌شود [۸]:

$$\mu^* = \mu_f \left[ 1 - \frac{\min(f_s, f_{SCO})}{f_{SCR}} \right]^{1.5} \quad (15)$$

که در آن  $\mu$  ویسکوزیته مولکولی سیال و جزء  $f_{SCR}$  بحرانی ذرات رسوب<sup>۱۴</sup> می‌باشد که مقدار پیش‌فرض آن ۰/۶۷ انتخاب شد.  $\mu$  ویسکوزیته افزایش یافته، به واسطه رسوبات معلق در سیال است که حداکثر آن، بهازای مقدار جزء بحرانی رسوبات برابر  $18\mu$  می‌باشد. اگر کسر حجمی رسوب، بیشتر یا مساوی مقدار  $f_{SCR}$  باشد، دانسیته رسوب متراکم برابر با  $\rho_s \times \rho_s$  می‌باشد که جزو شرایط اولیه مدل می‌باشد. چگالی ظاهری  $\bar{\rho}$  بهصورت یک تابع خطی از حجم رسوبات فرض می‌گردد:

$$\bar{\rho} = \rho_L + f_s(\rho_s - \rho_L) \quad (16)$$

$\rho_s$  و  $\rho_L$  بهترتیب دانسیته ظاهری ذرات رسوب و سیال هستند. طبق تعریف، دریفت<sup>۱۵</sup>، تنهنشینی ذرات رسوب تحت اثر نیروهای شناوری مؤثر بر ذره رسوب است. در مدل آبسستگی Flow-3D، ذرات رسوب بهصورت کروی فرض شده که تحت اثر لزجت سیال قرار دارند. لذا مطابق رابطه زیر ضریب تنهنشینی  $D_f$  بهدست می‌آید:

$$D_f = \frac{d_{50}^2 \times (\rho_s - \rho_L)}{18\mu} \quad (17)$$

<sup>13</sup>- Cohesive Solid Fraction

<sup>14</sup>- Critical Solid Fraction

<sup>15</sup>- Drift

نرم‌افزار با استفاده از مدل حجم سیال<sup>۹</sup>، جزء حجم سیال  $F$  را با استفاده از معادله (۱۳) که معادله جابه‌جایی حاکم بر جزء حجم سیال  $F$  نامیده می‌شود، تعیین می‌نماید:

$$\frac{\partial F}{\partial t} + \frac{1}{V_F} \left( \frac{\partial}{\partial x} (FUA_x) + \frac{\partial}{\partial y} (FVA_y) + \frac{\partial}{\partial z} (FWA_z) \right) = 0 \quad (13)$$

$F$ ، ضریبی است که بسته به میزان سیال در حجم کنترل، همواره مقداری بین صفر و ۱ دارد. بهطوری‌که، اگر  $F$  برابر ۱ باشد، حجم کنترل (سلول محاسباتی) پر از سیال بوده و در صورتی که برابر صفر باشد، نشان‌دهنده این است که در سلول محاسباتی آبی وجود نداشته و کل حجم کنترل توسط هوا اشغال شده است [۱۱].

## ۲-۲- مدل فرسایش در مدل‌سازی آبسستگی پایه پل

مدل فرسایش<sup>۱۰</sup> در نرم‌افزار Flow-3D برای شبیه‌سازی انتقال، فرسایش و تنهنشینی و تغییر وضعیت استقرار رسوبات (قابل تعریف برای کلیه مصالح با مشخصات فیزیکی خاص) در اثر جریان سیال می‌باشد. این مدل از دو میدان غلظت بار معلق و بار بستر استفاده می‌کند. جابه‌جایی و بلند شدن رسوبات معلق با سیال، در اثر تغییر گرادیان فشار محلی است. این رسوبات معلق ممکن است ناشی از جریان ورودی حاوی ذرات معلق و یا فرسایش بستر ایجاد شوند. رسوبات بستر توسط ذرات مجاور، محدود بوده و لذا بهراحتی جابه‌جا نشده و فقط در صورتی که بهصورت فرسایش یافته در سطح مشترک بستر و سیال به بار معلق تبدیل شوند، حرکت می‌کنند. بار معلق در صورتی به بار بستر تبدیل می‌شود، که سرعت تنهنشینی بیشتر از سرعت فرسایش بستر باشد. قسمتی از حجم کنترل که توسط ذرات جامد رسوب و سیال اشغال شده است، بهترتیب با نمادهای<sup>۱۱</sup>  $f_s$  و<sup>۱۲</sup>  $f_L$  تعریف می‌شود بهطوری‌که:

<sup>9</sup>- VOF

<sup>10</sup>- Sediment Scour

<sup>11</sup>- Solid Volume Fraction

<sup>12</sup>- Liquid Volume Fraction

برشی جریان در آستانه حرکت ذره رسوب است. هدف از بسط و تشریح این مدل، تخمین و پیش‌بینی مقدار جریان رسوباتی است که از روی بستر مشترک، فرسایش یافته‌اند.

به‌همین منظور، پارامتر سرعت برشی  $\sqrt{\frac{\tau}{\rho}}$  برای اندازه‌گیری قدرت کف‌کنی جریان تعریف شده است و لذا سرعت کنده‌شدن رسوبات از بستر ( $u_{lift}$ ) را می‌توان مطابق رابطه زیر ارائه کرد:

$$u_{lift} = \alpha n_s \sqrt{\frac{\tau - \tau_{cr}}{\rho}} \quad (21)$$

که در آن  $n_s$  بردار نرمال سطح بستر،  $\alpha$  پارامتر بی‌بعد معرف احتمال کنده شدن ذرات رسوب از بستر است که معمولاً برابر ۱ یا کمتر فرض می‌شود. زاویه استقرار طبیعی رسوبات در این مدل از رابطه (۲۲) حاصل می‌شود که در آن  $n$  بردار نرمال سطح و  $g$  بردار جاذبه است:

$$\theta = \frac{n}{|g|} \quad (22)$$

در جریان ساکن، زاویه اصطکاک داخلی ذرات رسوب، میزان حداقل شیبی که طی آن دیواره‌های حفره آبشنستگی می‌تواند پایدار بماند را تعیین می‌کند. زاویه اصطکاک داخلی بالای رسوبات مانند رس، نشانگر پایداری دیواره در شیب تند است؛ اما در زوایای پایین مانند ماسه، دیواره تمایل بسیار برای ریزش و حرکت به جلو دارد.

تنش برشی بحرانی سطح شیب‌دار مؤثر در فرسایش مقطع در نرم‌افزار Flow-3D با تأثیر زاویه اصطکاک داخلی رسوبات که جزء ورودی مدل است توسط رابطه زیر ارائه می‌شود [۱۳]:

$$\tau_{cr} = \tau_{cr}^0 \sqrt{1 - \frac{\sin^2 \varphi}{\sin^2 \xi}} \quad (23)$$

مطابق رابطه فوق هنگامی که شیب طبیعی رسوبات با زاویه اصطکاک داخلی آنها برابر شود ( $\xi = \varphi$ )، تنش برشی بحرانی برابر صفر می‌گردد ( $\tau_{cr} = 0$ ) و بدین معنی است که سطح بستر در اثر هر نوع تنش برشی

بنابراین برای محاسبه تهنشینی خواهیم داشت:

$$u_{dtift} = D_f \times f_L \frac{\nabla p}{\bar{\rho}} = \frac{f_L \times d_{50}^2}{18\mu} \frac{\nabla p}{\bar{\rho}} (\rho_s - \rho_L) \quad (18)$$

در رابطه بالا،  $d_{50}$  قطر متوسط ذرات رسوب،  $\mu$  لزجت سیال (آب)،  $\frac{\nabla p}{\bar{\rho}}$  گرادیان پتانسیل مکانیکی یا شتاب بدن (ذرات رسوب) می‌باشد.  $10 \frac{\nabla p}{\bar{\rho}}$  تا بزرگی شتاب ثقل قابل افزایش بوده تا تأثیرات نوسان عددی فشار محو شود. در مجاورت سطح آزاد سیال، شتاب بدن با شتاب ثقل ( $g$ ) جایگزین می‌شود. از آنجاکه رسوب‌گذاری، فقط با حضور ذرات جامد (رسوب) امکان‌پذیر است، لذا ضریب  $f_L$  در صورتی که حجم کنترل، پر از رسوبات باشد، برابر صفر بوده و بنابراین  $u_{drift} = 0$  خواهد شد. همچنین مدل Flow-3D، برای محاسبه نیروی شناوری و ضریب تهنشینی از رابطه زیر بهره می‌گیرد:

$$D_f = \begin{cases} \text{رابطه (۱۸) و (۱۷)} \\ \left[ \frac{f_s - f_{SCR}}{f_{SCO} - f_{SCR}} \right]^{-2} \left[ 1 - \frac{f_s - f_{SCR}}{f_{SCO} - f_{SCR}} \right] & \text{۰} \end{cases} \quad (19)$$

در سطح رسوبات بستر، تنش برشی فعال بوده و سبب فرسایش و جابه‌جایی رسوب در سطح بستر می‌شود. این فرسایش، تابعی از تنش برشی سیال در سطح، تنش برشی بحرانی و چگالی سیال و رسوب است. پارامتر شیلدز بحرانی، حداقل تنش برشی مورد نیاز برای بلند کردن ذرات رسوب از سطح مشترک سیال و بستر فعال را نشان می‌دهد [۱۲].

$$\theta_{cr} = \frac{\tau_{cr}}{g(\rho_L - \rho_s)d} \quad (20)$$

در رابطه فوق،  $\theta_{cr}$  پارامتر شیلدز بحرانی و  $\tau_{cr}$  تنش

مدل آبشنستگی پایه پل کج با استفاده از معادلات فرسایش ارائه شده در این بخش قابل شبیه‌سازی می‌باشد.

### ۳-۲- معرفی مدل‌های مورد بررسی تحقیق حاضر

در تحقیق حاضر، مدل‌سازی جریان و آبشنستگی اطراف پایه پل کج قرار گرفته بر روی گروه شمع‌ها با اشکال هندسی متفاوت انجام گرفته است. با توجه به اینکه، یکی از مهم‌ترین بخش‌های تحقیقات حل عددی، صحبت‌سنگی مدل شبیه‌سازی می‌باشد، بنابراین در این تحقیق نیز در بخش صحبت‌سنگی مدل، از طریق مقایسه عمق آبشنستگی اطراف پایه پل کج قرار گرفته بر روی فونداسیون مکعبی‌شکل، از نتایج شبیه‌سازی حاصل از نرم‌افزار Flow-3D و آزمایش‌های انجام شده توسط اسماعیلی‌ورکی و همکاران در آزمایشگاه هیدرولیک دانشگاه گیلان استفاده شده است [۵].

با توجه به این‌که مدل آزمایشگاهی در مقیاس ۱/۱۹۰ نمونه واقعی پل هشتم اهواز انجام گرفته شده است، بدین ترتیب در تحقیق حاضر، جریان در کانالی به طول ۶، عرض ۰/۹۲ و ارتفاع ۰/۶ متر شبیه‌سازی و مطالعه شده است. شکل ۲، مشخصات کanal شبیه‌سازی شده به همراه مشخصات هندسی مدل‌های پایه پل قرار گرفته بر روی گروه شمع با اشکال هندسی متفاوت و جدول ۱، پارامترهای هیدرولیکی جریان در نظر گرفته شده تحقیق حاضر را نشان می‌دهد.

مقدار آبشنستگی اطراف پایه‌های پل به پارامترهای متعددی بستگی دارد که هر کدام تأثیر خاص و متفاوتی بر مکانیزم آبشنستگی داشته و باعث افزایش یا کاهش مقدار فرسایش بستر در اطراف پایه‌ها می‌گردد. پارامترهای مؤثر بر آبشنستگی اطراف پایه‌های پل، مجموعه‌ای از پارامترهای توصیف‌کننده مشخصات نوع سیال و رسوبر بستر، هندسه پایه پل و شرایط هیدرولیکی جریان را شامل می‌گردد که آنها را می‌توان به صورت رابطه (۲۵) نوشت:

وارده، دچار فرسایش می‌شود. همچنین هنگامی که ( $\zeta > \varphi$ ) باشد، مقدار ( $\tau_{cr} < 0$ ) بوده و بدین معنی است که رسوبات بدون وجود تنفس برشی، دچار فرسایش می‌شوند. همچنین رابطه (۲۳)، نشان می‌دهد که هرچه زاویه اصطکاک داخلی ذرات رسوب بزرگ‌تر شود، دیواره حفره آبشنستگی، در صورت عدم وجود تنفس برشی، دچار فرسایش می‌شود ( $\tau_{cr} = 0$ ) که شبیب دیواره  $\varphi$  بزرگ‌تر می‌شود [۱۳]. حرکت رسوبات معلق در سیستم، به وسیله معادله هم‌رفت-پخش بیان می‌شود، به گونه‌ای که با اضافه کردن جمله‌های تهنیشینی (Drifting) و بلندشدن (Lifting) (رسوب، معادله مذکور مطابق رابطه زیر می‌باشد:

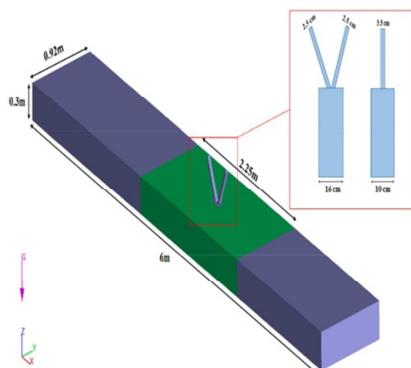
$$\left( \frac{\partial c_s}{\partial t} \right)_x + u \cdot \nabla c_s = D \nabla^2 c_s - u_{lift} \cdot \nabla c_s - u_{drift} \cdot \nabla c_s \quad (24)$$

که در آن،  $u$  سرعت محلی سیال (جریان) و  $u_{lift}$  و  $u_{drift}$  به ترتیب سرعت‌های مربوط به بلندشدن و تهنیشینی مصالح می‌باشند. در مجموع، مدل فرسایش در Flow-3D از یک رویکرد مستقیم و آسان برای مدل‌سازی فرسایش و رسوبر گذاری در جریان سه‌بعدی بهره می‌برد. شبیه‌سازی انجام شده، نشان می‌دهد که در مدل‌سازی‌های مختلف در حالت تعادل، با نتایج تجربی به خوبی همخوانی دارند. در نسخه‌های قبلی این نرم‌افزار، محدودیت‌هایی در مدل آبشنستگی وجود داشت که در نسخه جدید (v.11.2) برطرف شده است. در این محدودیت‌ها، ذرات درشت مصالح نمی‌توانست به درستی شبیه‌سازی شود؛ زیرا فرضیات حاکم بر بخش تهنیشینی مدل نقض می‌شد. همچنین مدل نوعاً نیاز به مدل‌سازی بار بستر داشت که در آن ذرات رسوب بر روی بستر رسوبات متراکم، غلطش یا لغزش داشتند (یا این که در حین جریان سیال، معلق می‌شدند). همچنین برای بستر فرسایش‌پذیر، فقط یک نوع ذره برای مدل، قابل تعریف بود [۱۱]. با توجه به مطالعات انجام شده در این زمینه،

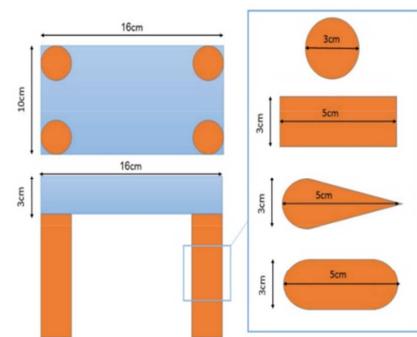
آن کوچک‌تر است،  $Z$  تراز کارگذاری سرشمع،  $U$  سرعت متوسط جریان،  $\rho$  چگالی آب،  $\mu$  لزجت دینامیکی،  $g$  شتاب ثقل،  $\alpha$  زاویه انحراف پایه‌ها در صفحه موازی جریان،  $t$  زمان از شروع آبشنستگی و  $t_e$  زمان تعادل آبشنستگی می‌باشد.

$$f_1 = (y, d_s, D, D_p, T_p, d_p, l_m, l_n, D_{50}, Z, U, \rho, \mu, \alpha, t, t_e) \quad (25)$$

در این رابطه،  $y$  عمق جریان،  $d_s$  عمق آبشنستگی،  $D$  عرض پایه پل،  $D_p$  عرض سرشمع،  $T_p$  ضخامت سرشمع،  $d_p$  قطر شمع،  $l_m$  فاصله شمع‌ها در یک ردیف،  $l_n$  فاصله شمع‌ها در یک ستون،  $D_{50}$  قطری که  $50\%$  درصد ذرات از



(الف)



(ب)

شکل ۲- (الف) مشخصات هندسی پایه پل کج و (ب) گروه شمع‌های قرار گرفته در زیر پایه

جدول ۱- مشخصات هندسی و پارامترهای هیدرولیکی جریان در مدل‌های تحقیق حاضر

تراز نسبی قرارگیری فونداسیون ( $Z/T_{pc}$ )	عمق نسبی جریان ( $y/D_s$ )	سرعت نسبی ( $U/U_c$ )	مدل
هم‌سطح بستر	۱	۰/۹۵	پایه پل کج بر روی فنداسیون مکعبی شکل
-۲، -۱، ۱	۱	۰/۹۵	پایه پل کج بر روی گروه شمع استوانه‌ای
-۲، -۱، ۱	۱	۰/۹۵	پایه پل کج بر روی گروه شمع مستطیلی
-۲، -۱، ۱	۱	۰/۹۵	پایه پل کج بر روی گروه شمع مستطیلی گردگوش
-۲، -۱، ۱	۱	۰/۹۵	پایه پل کج بر روی گروه شمع دوکی شکل

چگونگی وارد نمودن اطلاعات مربوط به مدل و جریان در نرم‌افزار Flow-3D پرداخته شده است. یکی از گزینه‌های مهم در اعمال شرایط فیزیکی در بحث آبشنستگی و انتقال رسوب، وارد کردن اطلاعات ذرات رسوب بستر می‌باشد. این امکان از طریق بخش‌های رسوب در آبشنستگی انجام می‌گیرد. در

در شکل ۳، پارامترهای هندسی مهم و تأثیرگذار گروه‌پایه کج ارائه شده است.

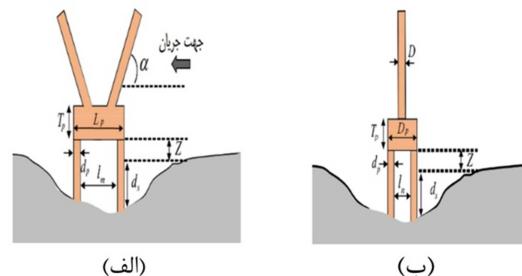
#### ۴-۲- مراحل شبیه‌سازی مدل در نرم‌افزار Flow-3D

در این بخش به مراحل مختلف نحوه شبیه‌سازی مدل عددی آبشنستگی پایه پل کج و

گام بعدی مدل سازی، پس از شبکه بندی مدل، اعمال شرایط مرزی در ۶ وجه مکعب شبکه حل می باشد. برای وجه بالا دست کانال که ورودی جریان محسوب می شود، می توان از شرایط مرزی میزان حجم سیال<sup>۱۶</sup>، فشار مخصوص<sup>۱۷</sup> و سرعت مخصوص<sup>۱۸</sup> استفاده کرد که برای تعریف جریان ورودی در آنها به ترتیب دبی، عمق جریان ورودی و سرعت اولیه جریان به نرم افزار داده می شود. در مدل مورد بررسی برای ورودی جریان از شرط مرزی میان حجم سیال، استفاده شده است و برای بررسی پارامترهای هیدرولیکی جریان در هر اجرا، دبی ورودی مطابق جدول ۱ به نرم افزار معرفی شده است. برای قسمت خروجی کانال، شرایط مرزی دنباله دار<sup>۱۹</sup> و جریان خروجی<sup>۲۰</sup> به کار برده می شوند که در هر دو شرط، مشخصات جریانی که به این مرز می رسد، بدون هیچ تغییری به خارج از شبکه حل منتقل می شود. برای پایین دست کانال شبیه سازی شده، شرط مرزی جریان خروجی اعمال شده است.

برای جداره ها و کف شبکه حل که نقش دیواره ها و کف کانال را ایفا می کنند، از شرط مرزی دیواره استفاده شده است. این شرط مرزی دقیقاً مشابه یک دیوار مجازی عمل می کند. لازم به ذکر است استفاده از تعریف شرط مرزی دیواره برای کف در شبکه حل، به عنوان کف کانال در صورتی صحیح می باشد که سطح کف کانال، کاملاً صاف و بدون زبری در نظر گرفته شود؛ در غیر این صورت بایستی در کف کانال، باکسی را تحت عنوان یک زیر مجموعه تعریف و زبری مورد نظر را بر آن اعمال نمود. کف کانال آزمایشگاه هیدرولیک دانشگاه گیلان از جنس پلکس گلس صاف ساخته شده و در مدل شبیه سازی

جدول ۲ اطلاعات لازم برای اعمال مشخصات ذرات رسوبی بستر، مطابق با مشخصات ذرات رسوب آزمایش شده توسط اسماعیلی و رکی و همکاران وارد شده است [۵].

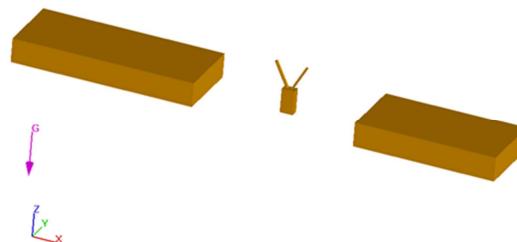


شکل ۳- تعریف پارامترهای هندسی گروه پایه کج (الف) در جهت جریان و (ب) در مقابل جریان

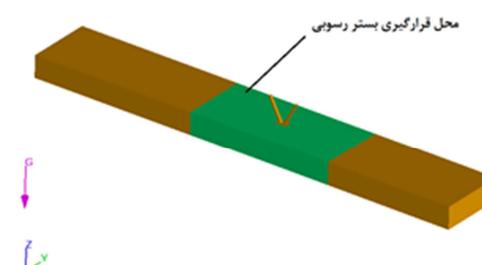
جدول ۲- اطلاعات ذرات رسوب بستر

قطر رسوب (متر)	۰/۰۰۰۷
چگالی رسوب (کیلو گرم بر مترمربع)	۲۵۶۰
عدد شیلدز بحرانی	۰/۰۳۲
ضریب جذب	۰/۷
ضریب بار بستر	۱۰
زبری بستر	۳

شکل های ۴ و ۵ هندسه سه بعدی کانال و باکس رسوب ماسه ای را نشان می دهند.



شکل ۴- هندسه سه بعدی کانال به همراه پایه پل کج در نرم افزار Flow-3D



شکل ۵- تعریف کل باکس ایجاد شده از رسوب ماسه ای

<sup>16</sup>- Volume flow rate

<sup>17</sup>- Specified Pressure

<sup>18</sup>- Specified Velocity

<sup>19</sup>- Continuative

<sup>20</sup>- Outflow

### ۱-۳- آنالیز حساسیت مشبکه

در شبکه‌بندی مدل در محیط نرم‌افزار Flow-3D علاوه‌بر تعداد مش‌ها، اندازه آنها در هر راستا نیز می‌تواند بر روی نتایج مدل‌سازی تأثیرگذار باشد. برای حالتی که مش‌هایی با اندازه متغیر در یک راستا ایجاد می‌شود، نرم‌افزار به صورت خودکار تغییر اندازه مش‌ها در همان راستا را به صورت تدریجی اعمال می‌کند؛ ولی برای دو راستای متعامد، بایستی دقت نمود نسبت شکل یک سلول از شبکه حل، که از تقسیم بزرگ‌ترین بعد مکعب به کوچک‌ترین بعد آن به دست می‌آید، نباید بیشتر از ۳ باشد [۱۲]. برای مدل پایه کج مورد بررسی تحقیق، با شبیه‌سازی مدل در ۳ حالت مختلف و با اندازه مش‌های متفاوت و مقایسه افزایش دقت نتایج آنها از روی داده‌های آزمایشگاهی و در نهایت مش‌بندی بهینه برای مدل مذکور انتخاب شد. برای این کار طبق جدول ۳، نتایج حداکثر عمق نسبی آبشنستگی ( $d_s/D$ ) (نسبت حداکثر عمق آبشنستگی به عرض فنداسیون) مدل عددی حاضر با نتایج آزمایشگاهی اسماعیلی ورکی و همکاران مورد مقایسه قرار گرفت و میانگین قدرمطلق درصد خطأ ( $MAPE^{۲۴}$ ) و خطای جذر میانگین مربعات ( $RMSE^{۲۵}$ ) برای هریک محاسبه گردید. در روابط (۲۶) و (۲۷) نحوه محاسبه خطاهای ارائه شده است.

$$MAPE (\%) = 100 \times \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left| \frac{X_{exp} - X_{num}}{X_{exp}} \right| \quad (26)$$

$$RMSE \left( m^3 / s \right) = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left( X_{exp} - X_{num} \right)^2} \quad (27)$$

در این روابط،  $X_{exp}$  مقدار داده‌های آزمایشگاهی،  $X_{num}$  مقدار داده‌های عددی و  $n$  تعداد داده‌ها می‌باشد.

<sup>24</sup>- Mean Absolute Percentage Error

<sup>25</sup>- Root Mean Square Error

شده، سطح کف و دیوارهای کanal صاف در نظر گرفته شده است.

برای مرز ارتفاع حداکثری نیز، شرط مرزی تقارن اعمال گردید. این نوع شرط مرزی، شرایط بیرون شبکه حل را دقیقاً مشابه شرایط روی مرز داخلی شبکه در نظر می‌گیرد. تا وقتی که جریان سیال به این مرز برخورد نکند، نرم‌افزار شرایط بالای سطح سیال تا بینهایت را مشابه شرایط اتمسفر شبیه‌سازی می‌کند؛ ولی در حالتی که جریان سیال به این مرز برسد، شرایط بیرون شبکه حل، اشباع از سیال فرض شده و به طور غیرفیزیکی، جریان به صورت تحت فشار عمل خواهد کرد. به همین منظور، (عدم برخورد جریان سیال با قسمت بالایی شبکه حل) ارتفاع کanal مدل در نرم‌افزار ۶۰ سانتی‌متر در نظر گرفته شده است.

پس از اعمال شرایط مرزی، شرایط اولیه برای مدل تعريف می‌شود. در این مرحله توزیع فشار در راستای  $Z$  هیدرولوستاتیکی اعمال شد. همچنین به عنوان داشتن باکس ماسه‌ای (بستر رسوبی)، بایستی ناحیه‌های سیال و بستر رسوبی را به نرم‌افزار معرفی کرد. این ناحیه به نرم‌افزار مشخص می‌کند که ناحیه انتخابی، آب خالی نبوده و پوشیده از بستر رسوبی می‌باشد.

در بخش تعیین خروجی‌ها، پارامترهای قابل محاسبه توسط نرم‌افزار در شبیه‌سازی جریان، مشخص می‌شوند. در صورتی که در این قسمت، گام زمانی تعريف نشود، نرم‌افزار به صورت خودکار با گام‌های زمانی ۱/۰۱ زمان شبیه‌سازی نتایج را ذخیره می‌کند. در این مدل، گام زمانی ذخیره داده‌های خروجی نرم‌افزار، ۳ ثانیه و مهم‌ترین پارامترهای محاسباتی برای نرم‌افزار، داده هیدرولیکی <sup>۲۱</sup>، فشار <sup>۲۲</sup> و سرعت‌های سیال <sup>۲۳</sup> تعريف شد.

### ۳- تحلیل و تفسیر نتایج

<sup>21</sup>- Hydraulic Data

<sup>22</sup>- Pressure

<sup>23</sup>- Fluid velocities

جدول ۳- آنالیز حساسیت مشبندی در شبکه محاسباتی

خطای جذر میانگین مربعات RMSE	درصد میانگین خطای مطلق MAPE (%)	حداکثر عمق نسبی آبشنستگی (ds/D) در نتایج عددی FLOW-3D	حداکثر عمق نسبی آبشنستگی (ds/D) توسط اسماعیلی ورکی و همکاران (۱۳۹۲)	نسبت ابعاد حداکثر یا نسبت شکل	تعداد مش	حالت
۰/۲۹۶	۲۹/۸۹	۰/۶۹۴	۰/۹۹۰	۱/۸۶	۸۹۱۲۶۰	۱
۰/۱۹۹	۲۰/۱۰	۰/۷۹۱	۰/۹۹۰	۱/۴۳	۱۲۸۱۵۶	۲
۰/۰۹۲	۹/۲۵	۰/۸۹۸	۰/۹۹۰	۱/۰۱	۱۸۶۰۰۰	۳
نیازمند سیستم با پردازش بالا و صرف زمان بیشتر برای شبیه‌سازی					بیشتر از ۱۸۶۰۰۰	۴

( $d_s / D_E$ ) حداکثر عمق نسبی آبشنستگی اندازه‌گیری شده می‌باشد. در این تحقیق، در بخش صحتسنجی مدل، از مقایسه نمودار توسعه زمانی آبشنستگی در زمان‌های مختلف اطراف گروه‌پایه کج، حاصل از نتایج شبیه‌سازی نرمافزار FLOW-3D و آزمایش‌های انجام شده توسط اسماعیلی ورکی و همکاران در رقوم کارگذاری فونداسیون  $Z/D = 0$  (نسبت فاصله بستر جریان تا روی فونداسیون به عرض فونداسیون) استفاده شده است. شکل ۶ و ۷، به ترتیب مقایسه نمودار توسعه زمانی آبشنستگی اطراف فونداسیون پایه کج در رقوم کارگذاری فونداسیون  $Z/D = 0/95$  و  $Z/D = U/U_C = 0/95$  حاصل از نتایج عددی و آزمایشگاهی و درصد خطای نسبی حاصل از مقایسه نتایج شبیه‌سازی و آزمایشگاهی را نشان می‌دهد.

مشاهده می‌گردد که روند توسعه زمانی آبشنستگی حاصل از نتایج عددی همانند روند نتایج آزمایشگاهی اسماعیلی ورکی و همکاران می‌باشد. با مشاهده شکل ۷ مقدار میانگین خطای نسبی حداکثر عمق نسبی آبشنستگی نتایج حل عددی و مقدار خطای RMSE به ترتیب  $7/34$  درصد و  $۰/۰۴۹$  می‌باشد.

جدول ۴، مقادیر خطای نسبی و RMSE حداکثر عمق نسبی آبشنستگی حاصل از نتایج شبیه‌سازی و آزمایشگاهی را برای زمان‌های مختلف نشان می‌دهد.

با توجه به خطاهای به دست آمده، حالت ۳ به عنوان مش بهینه با تعداد ۱۸۶۰۰۰ تعداد سلول محاسباتی انتخاب گردید. مش‌های ایجاد شده در هر راستای کanal به صورت یکنواخت با اندازه  $۰/۹۹$ ،  $۰/۱$  و  $۰/۰۱$  به ترتیب در راستای طولی، عرضی و ارتفاع انتخاب شده‌اند تا با ارائه بیشترین دقت محاسباتی، بهینه‌ترین زمان شبیه‌سازی را ایجاد نمایند. همچنین بیشترین نسبت شکل شبکه‌بندی در این مدل  $۱/۰۱$  به دست آمده که کوچک‌تر از ۳ می‌باشد. بنابراین از این نظر هم شبکه‌بندی استفاده شده، مناسب است. بهمنظور عدم تأثیر پذیری نتایج مدل، از تعداد و اندازه مش‌ها، شبکه‌بندی مدل‌های بررسی شده یکسان در نظر گرفته شده است.

### ۲-۳- صحتسنجی

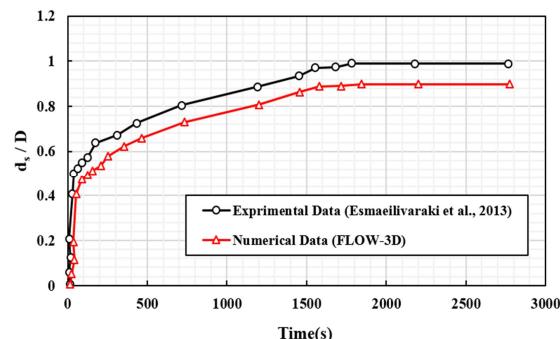
یکی از راه‌های صحتسنجی و مقایسه نتایج و همچنین تعیین محدوده درصد خطا بین داده‌های حاصل از نرمافزار FLOW-3D با داده‌های آزمایشگاهی استفاده از رابطه (۲۸) می‌باشد.

$$E = \frac{((d_s / D)_N - (d_s / D)_E)}{(d_s / D)_E} \times 100 \quad (28)$$

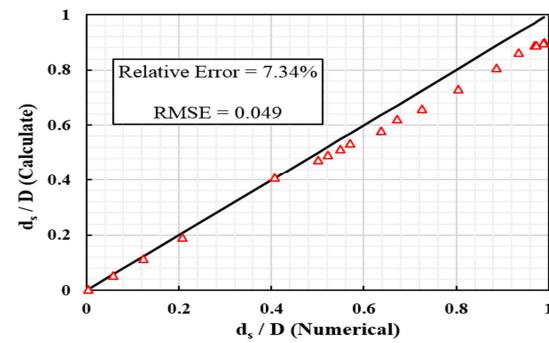
در رابطه فوق،  $E$  نشانگر درصد خطای نسبی،  $(d_s / D)_N$  حداکثر عمق نسبی آبشنستگی در حل عددی و

به ترتیب به مقدار ۹/۲۵ درصد و ۰/۰۹۱ می‌باشد. با این حال می‌توان نتیجه گرفت که تطابق نسبتاً خوبی بین مقادیر حل عددی و آزمایشگاهی وجود داشته و می‌توان سایر شرایط مدنظر را برای مدل اجرا نمود و نتایج مورد نیاز را تجزیه و تحلیل کرد.

شکل ۸، تنش برشی کل ایجاد شده در بستر جریان در ترازهای مختلف سرشمع را نشان می‌دهد. با مقایسه تغییرات تنش در شرایط کارگذاری سرشمع در ترازهای مختلف مشاهده می‌شود که بیشترین تنش برشی در حالت کارگذاری سرشمع در تراز بستر رخ می‌دهد ( $Z/T_p = -1$ ) و با قرارگیری تراز کارگذاری سرشمع در تراز پایین‌تر از بستر ( $Z/T_p = -2$ ), بیشینه تنش برشی کاهش می‌یابد. علت این امر، می‌تواند ناشی از افزایش فاصله بین گروه‌پایه‌ها باشد، به‌طوری‌که وجود پایه دوم باعث کاهش الگوی جریان تشکیل شده در گروه‌پایه شده و عملکرد گروه‌پایه به‌صورت دو پایه مستقل در تشکیل الگوی جریان رفتار می‌کنند.



شکل ۶- مقایسه توسعه زمانی آبشنستگی نتایج عددی و آزمایشگاهی برای  $U/U_c = 0/۹۵$  و  $Z/D = 0$



شکل ۷- برآورد مقادیر عددی و آزمایشگاهی حداکثر عمق نسبی آبشنستگی ( $d_s/D$ )

با توجه به جدول، مشاهده می‌گردد که بیشترین درصد خطای نسبی و مقدار RMSE برای دقیقه ۱۷۸۴

جدول ۴- مقادیر خطای نسبی و RMSE حداکثر عمق نسبی آبشنستگی حاصل از نتایج شبیه‌سازی و آزمایشگاهی

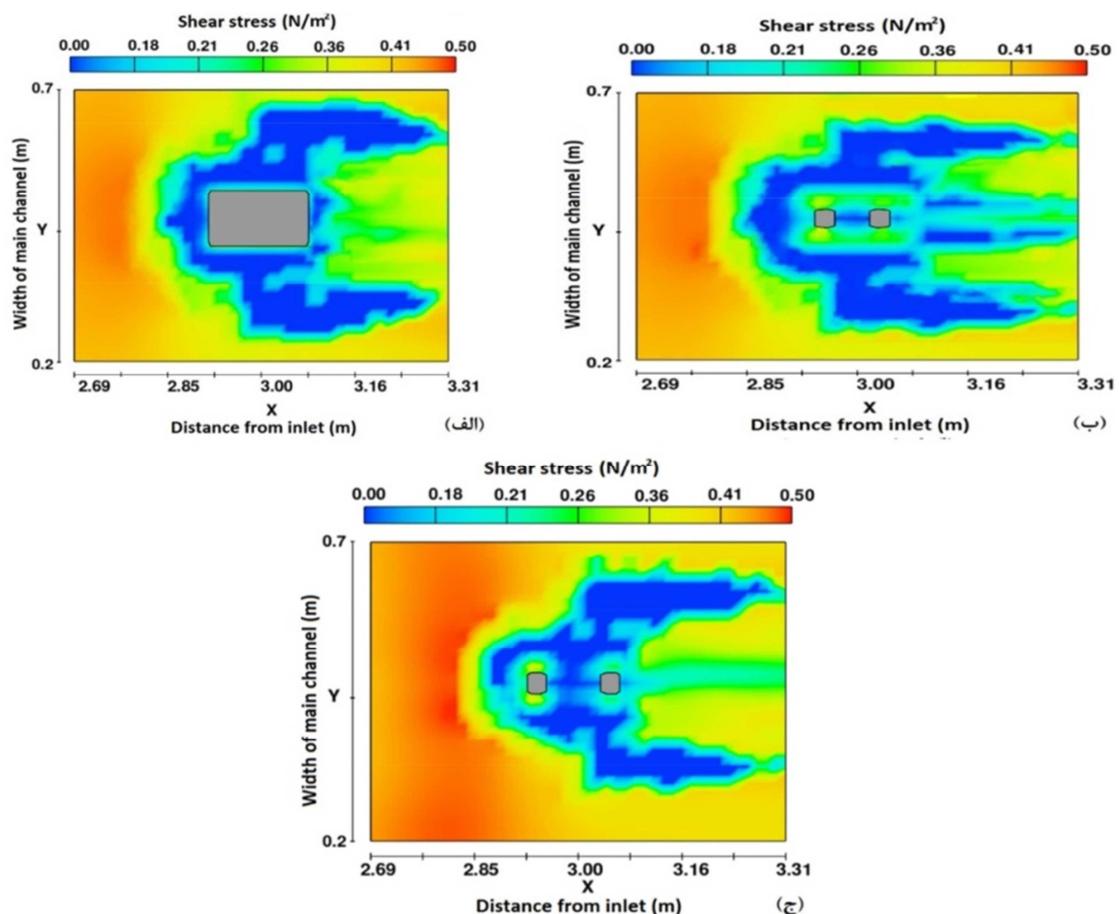
RMSE	درصد خطای نسبی (%)	حداکثر عمق نسبی آبشنستگی در نتایج آزمایشگاهی	حداکثر عمق نسبی آبشنستگی در نتایج عددی	زمان (دقیقه)
۰/۰۰۸	۷/۲۰	۰/۱۲۳	۰/۱۱۵	۱۷
۰/۰۲۶	۵/۳۴	۰/۵۰۰	۰/۴۷۳	۳۷
۰/۰۳۵	۶/۴۹	۰/۵۴۸	۰/۵۱۳	۸۹
۰/۰۵۸	۹/۱۱	۰/۶۳۷	۰/۵۷۹	۱۷۵
۰/۰۴۸	۷/۲۶	۰/۶۷۲	۰/۶۲۳	۳۱۲
۰/۰۷۴	۹/۲۲	۰/۸۰۳	۰/۷۲۹	۷۱۵
۰/۰۸۰	۸/۳۳	۰/۹۶۹	۰/۸۸۸	۱۵۵۳
۰/۰۹۱	۹/۲۵	۰/۹۹۰	۰/۸۹۸	۱۷۸۴
۰/۰۹۰	۹/۱۲	۰/۹۸۸	۰/۸۹۸	۲۷۶۷

تراز بالاتر از بستر هم صادق می‌باشد. علت آن به این شرح

کاهش تنش برشی در شرایط کارگذاری سرشمع در

جريان افزایش یابد. در شرایطی که تراز سرشع بالاتر از بستر باشد، به دلیل بزرگتر بودن حجم گروه‌پایه نسبت به دو تراز دیگر، در بالا دست گروه‌پایه و نزدیک بستر مقدار گردابه‌های جريان افزایش می‌یابد. در شرایط هم‌تراز بودن سرشع با بستر رسوبی، مقادیر و محدوده توسعه گردابه‌های جريان در فاصله بین پایه اول و دوم نسبت به شرایط کارگذاری سرشع در تراز پایین بستر، بیشتر می‌باشد که علت آن می‌تواند به خاطر تأثیر بیشتر پایه دوم بر الگوی جريان گروه‌پایه در حالت هم‌تراز بودن با بستر عنوان کرد.

است که در تراز کارگذاری سرشع در شرایط بالاتر از بستر ( $Z/T_p = +0$ ) ضخامت سرشع همانند طوقه عمل کرده و مانع از برخورد مستقیم گردابه‌ها به بستر رسوبی می‌گردد. بنابراین با بررسی تغییرات تنش برشی در ترازهای مختلف کارگذاری سرشع، انتظار می‌رود که مقدار حداقل عمق آبستگی اطراف گروه‌پایه کج در تراز هم‌سطح بستر روی دهد. در شکل ۹، مقدار گردابه جريان در صفحه X-Z در هر سه تراز کارگذاری سرشع را نشان می‌دهد. با توجه به شکل مشاهده می‌گردد که هندسه گروه‌پایه، باعث شده است که در هر سه تراز کارگذاری سرشع، در پایین دست پایه اول و دوم، مقدار گردابه‌های سرشع، در پایین دست پایه اول و دوم، مقدار گردابه‌های



شکل ۸- تنش برشی کل در بستر جريان در ترازهای مختلف سرشع (الف) بالاتر از بستر ( $Z/T_p = +0$ ), (ب) هم‌تراز بستر ( $Z/T_p = -1$ ) و (ج) پایین‌تر از بستر ( $Z/T_p = -2$ )

تغییرات توسعه زمانی عمق آبستگی اطراف گروه سرشع برای شکل هندسی مختلف و تراز کارگذاری سرشع  $Z/T_p = +0$ ،  $-1$ ،  $-2$  در شکل ۱۰ نشان داده شده

۳-۳- توسعه زمانی آبستگی تحت شرایط مختلف تراز کارگذاری سرشع

$$\text{شمع مستطیلی} = R_1$$

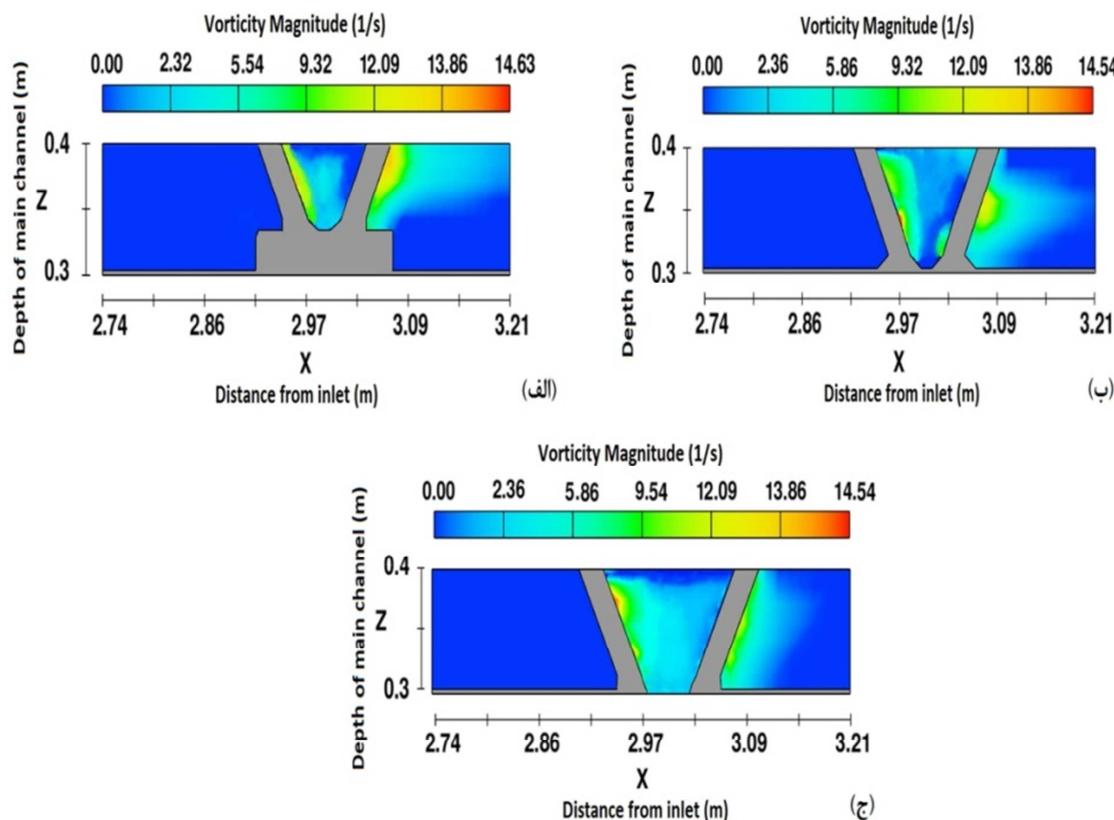
$$\text{شمع مستطیلی گردگوش} = P_1$$

$$\text{شمع‌های دوکی‌شکل} = A_1$$

است. برای تفهیم بهتر، نام هندسی شمع‌های زیر گروه‌پایه

کج به صورت زیر می‌باشد:

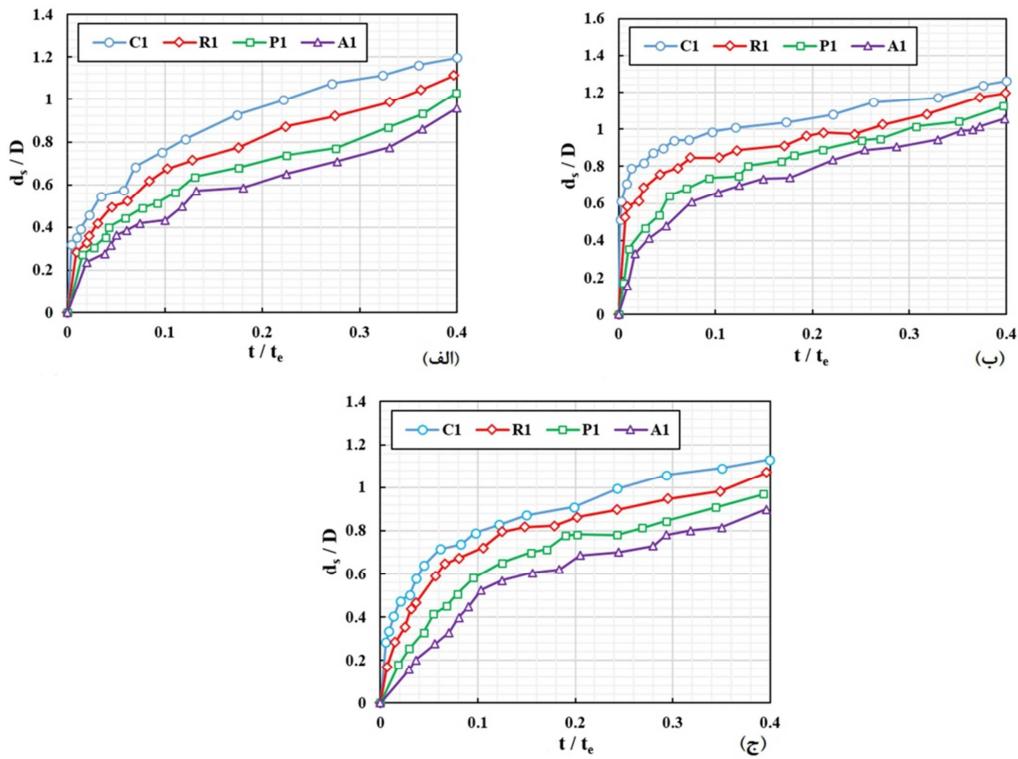
$$\text{شمع استوانه‌ای} = C_1$$



شکل ۹- مقدار گردابه‌های جریانی در صفحه x-z در ترازهای مختلف کارگذاری سرشمع (الف) بالاتر از بستر ( $Z/T_p=0$ )، (ب) هم‌تراز ( $Z/T_p=-2$ ) و (ج) پایین‌تر از بستر ( $Z/T_p=-1$ )

بخش فرسایشی زیر سرشمع در شکل دوکی شمع‌ها اتفاق می‌افتد. برای حالتی که سرشمع بالاتر از بستر می‌باشد ( $Z/T_p=0$ ) ضخامت سرشمع همانند طوقه عمل کرده و مانع از برخورد مستقیم گردابه‌ها به بستر رسوبی می‌گردد و باعث می‌شود که نسبت به شرایط هم‌ترازی سرشمع با بستر، چاله و عمق آبشنستگی کمتری ایجاد گردد. در شرایط قرارگیری سرشمع پایین‌تر از بستر ( $Z/T_p=-2$ ) نیز به‌علت فاصله زیاد فضای زیر شمع با بستر جریان و کاهش قدرت نفوذی و گردابه‌های جریان به فضای زیر سرشمع، مقدار فرسایش و آبشنستگی در فضای زیر سرشمع نسبت به دو تراز کارگذاری سرشمع دیگر کمتر می‌باشد.

مشاهده می‌شود که در هر سه تراز کارگذاری سرشمع تقریباً در مدت زمان کمتر از ۳۰ درصد حالت تعادل، بیشترین مقدار آبشنستگی اتفاق افتاده است و بعد از آن از روند آبشنستگی کاسته شده و تقریباً ثابت می‌گردد. در بین شرایط کارگذاری سرشمع بیشترین مقدار آبشنستگی در حالتی که سرشمع هم‌تراز با بستر می‌باشد ( $Z/T_p=-1$ ) اتفاق می‌افتد. در این شرایط، به تدریج با خالی شدن فضای زیر سرشمع، بخشی از جریان به این بخش نفوذ کرده و باعث فرسایش و آبشنستگی اطراف گروه شمع‌ها می‌گردد. نکته قابل ذکر این است که در این حالت، تأثیر شکل هندسی گروه شمع‌ها بر کاهش آبشنستگی و فرسایش زیر سرشمع مؤثر بوده؛ به‌طوری که در شرایط یکسان کارگذاری سرشمع، کمترین چاله و



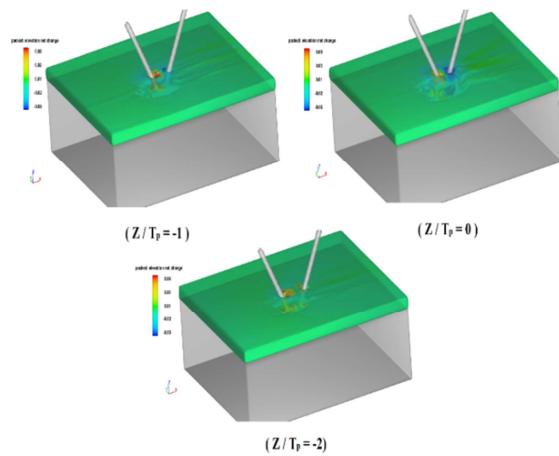
شکل ۱۰- توسعه زمانی آبشنستگی برای شکل‌های هندسی مختلف شمع و در تراز مختلف کارگذاری سرشع (الف) بالاتر از بستر ( $Z/T_p = -2$ ), (ب) هم‌تراز بستر ( $Z/T_p = 0$ ) و (ج) پایین‌تر از بستر ( $Z/T_p = -1$ )

در شکل ۱۲، مقایسه نیمرخ طولی نهایی آبشنستگی در ترازهای مختلف کارگذاری سرشع ارائه شده است. مقایسه نتایج بیشینه عمق آبشنستگی در تراز کارگذاری مختلف سرشع حاکی از آن است که در شرایط کارگذاری یکسان، بیشترین کاهش عمق آبشنستگی برای شکل هندسی حالت دوکی شمع‌ها اتفاق می‌افتد.

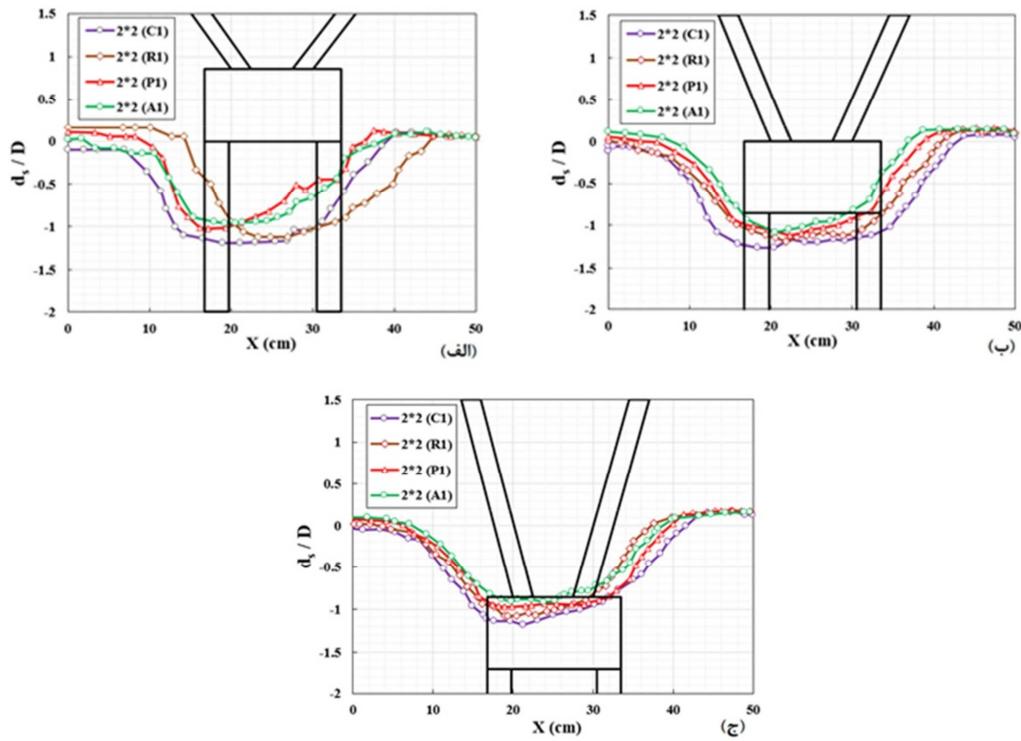
#### ۴- نتیجه‌گیری

یکی از اقدامات مقابله با آبشنستگی و تخریب پایه‌های پل کاهش قدرت گردابه‌ها در مجاورت پایه و یا شمع‌های زیر آن، ایجاد و اصلاح هندسه آنها می‌باشد. در این تحقیق سعی گردید تأثیر شکل هندسی شمع‌های قرار گرفته در زیر پایه‌های کج و رقوم کارگذاری سرشع در بستر رسویی بر روی مشخصات آبشنستگی اطراف FLOW-3D گروه‌پایه کج به صورت عددی و با نرم‌افزار MAFLOW-3D مورد تجزیه و تحلیل قرار گیرد. بدین منظور، نتایج در این زمینه ارائه شده است.

شکل ۱۱، گودال آبشنستگی ایجاد شده در اطراف گروه‌پایه کج و زیر سرشع در تراز کارگذاری مختلف را نشان می‌دهد. در این شکل نیز واضح است که میزان آبشنستگی و گودال فرسایش در شرایطی که تراز کارگذاری سرشع هم‌تراز با بستر و در زیر بستر قرار گرفته، بهترین بیشترین و کمترین مقدار را به خود اختصاص داده‌اند.



شکل ۱۱- گودال آبشنستگی اطراف گروه‌پایه کج با تراز کارگذاری سرشع مختلف



شکل ۱۲- نیم‌رخ طولی نهایی آبشنستگی در ترازهای مختلف کارگذاری سرشمع (الف) بالاتر از بستر ( $Z/T_p=+0$ ، (ب) هم‌تراز بستر ( $Z/T_p=-2$ ) و (ج) پایین‌تر از بستر ( $Z/T_p=-1$ )

آبشنستگی ایجاد شده در اطراف گروه‌پایه کج با حضور شمع دوکی شکل ۳/۳۶ سانتی‌متر می‌باشد. این در حالی است که برای شمع‌های استوانه‌ای، مستطیلی و مستطیلی گردگوش حداکثر عمق آبشنستگی به ترتیب ۴/۱۸، ۳/۹۱، ۳/۵۹ سانتی‌متر می‌باشد. علت نقش مؤثرتر شکل دوکی شکل در کاهش آبشنستگی، می‌تواند ناشی از نوع شکل هندسی آن در کاهش گرداب‌های برخاستگی باشد.

-۳- با بررسی تغییرات توسعه زمانی عمق آبشنستگی اطراف گروه شمع برای شکل هندسی مختلف و تراز کارگذاری سرشمع  $+0$ ،  $-1$ ،  $-2$ ،  $-3$  مشاهده گردید که در هر سه تراز کارگذاری سرشمع، تقریباً در مدت زمان کمتر از ۳۰ درصد حالت تعادل، بیشترین مقدار آبشنستگی اتفاق افتاده است و بعد از آن از روند آبشنستگی کاسته شده و تقریباً ثابت می‌گردد.

۱- با بررسی تنش برشی کل ایجاد شده در بستر جریان در ترازهای مختلف سرشمع مشاهده گردید که بیشترین تنش برشی در حالت کارگذاری سرشمع در تراز بستر ( $Z/T_p=-1$ ) رخ می‌دهد و با قرارگیری تراز کارگذاری سرشمع به تراز پایین‌تر ( $Z/T_p=-2$ ) از بستر، بیشینه تنش برشی کاهش می‌یابد. علت این امر، می‌تواند ناشی از افزایش فاصله بین گروه‌پایه‌ها باشد، بهطوری که وجود پایه دوم باعث کاهش الگوی جریان در گروه‌پایه شده و عملکرد گروه‌پایه به صورت دو پایه مستقل در تشکیل الگوی جریان رفتار می‌کند.

۲- با بررسی پروفیل طولی آبشنستگی اطراف گروه‌پایه کج با شکل هندسی مختلف شمع‌ها، مشاهده شد که شمع دوکی شکل نسبت به سایر شکل شمع‌ها، اثر بهتری در کاهش آبشنستگی از خود نشان می‌دهد. بهطوری که حداکثر عمق

نیز به علت فاصله زیاد فضای زیر شمع با بستر جریان و کاهش قدرت نفوذی و گردابههای جریان به فضای زیر سرشمع، مقدار فرسایش و آبشتستگی در فضای زیر سرشمع نسبت به دو تراز کارگذاری سرشمع دیگر کمتر باشد.

۶- با مقایسه نیم رخ طولی نهایی آبشتستگی در ترازهای مختلف کارگذاری سرشمع مشاهده گردید که در شرایط کارگذاری یکسان، بیشترین کاهش عمق آبشتستگی برای شکل هندسی حالت دوکی شکل شمعها اتفاق میافتد و هرچه دماگه شمع آئرودینامیکی و تیز باشد، در کنترل گردابههای جریان بهتر عمل میکند و این امر باعث کاهش عمق آبشتستگی میگردد. همچنین در شرایط تراز کارگذاری سرشمع به صورت هم ترازی با بستر به علت تأثیر بیشتر و قدرت نفوذ بیشتر جریان به فضای زیر سرشمع و طبعاً قدرت فرسایشی بالا، مقدار حداقل عمق آبشتستگی در این تراز اتفاق میافتد.

۴- در بین شرایط کارگذاری سرشمع، بیشترین مقدار آبشتستگی، در حالتی که سرشمع همتراز با بستر میباشد ( $Z/T_p = -1$ ) اتفاق میافتد. در این شرایط، به تدریج با خالی شدن فضای زیر سرشمع، بخشی از جریان به این بخش نفوذ کرده و باعث فرسایش و آبشتستگی اطراف گروه شمعها میگردد. نکته قابل توجه در این حالت، تأثیر شکل هندسی گروه شمعها بر کاهش آبشتستگی و فرسایش زیر سرشمع مؤثر بوده است؛ به طوری که در شرایط یکسان کارگذاری سرشمع، کمترین چاله و بخش فرسایشی زیر سرشمع در شکل دوکی شمعها اتفاق میافتد.

۵- برای حالتی که سرشمع بالاتر از بستر بوده ( $Z/T_p = +$ ) ضخامت سرشمع همانند طوقه عمل کرده و مانع از برخورد مستقیم گردابهها به بستر رسوبی میگردد و باعث میشود که نسبت به شرایط همترازی سرشمع با بستر، چاله و عمق آبشتستگی کمتری ایجاد گردد. در شرایط قرارگیری سرشمع پایین تر از بستر ( $Z/T_p = -2$ )

## مراجع

- [1] Breusers, H. N. C., & Raudkivi, A. J. (1991). IAHR hydraulic structures design manual: Scouring, Vol. 2, *Balkema, Rotterdam, The Netherlands*.
- [2] Melville, B. W., & Sutherland, A. J. (1988). "Design method for local scour at bridge piers", *Journal of Hydraulic Engineering*, 114(10), 1210-1226.
- [3] Parola, A. C., Mahavadi, S. K., Brown, B. M., & El Khoury, A. (1996). "Effects of rectangular foundation geometry on local pier scour", *Journal of Hydraulic Engineering*, 122(1), 35-40.
- [4] Jones, J. S., Bertoldi, D., & Stein, S. (1995). Alternative scour countermeasures. In *Stream Stability and Scour at Highway Bridges: Compendium of Stream Stability and Scour Papers Presented at Conferences Sponsored by the Water Resources Engineering (Hydraulics) Division of the American Society of Civil Engineers* (pp. 854-854). ASCE.
- [5] EsmailiVaraki, M., Sadat Jafari, M., Ayoubzadeh, A., & Rostami, M. (2016) "Simulation of the flow pattern around the inclined pier group using the Flow-3D numerical model", 30(6), 1860-1873
- [6] Melville, B. W., & Raudkivi, A. J. (1996). "Effects of foundation geometry on bridge pier scour", *Journal of Hydraulic Engineering*, 122(4), 203-209.
- [7] Sheppard, D. M., Melville, B., & Demir, H. (2013). "Evaluation of existing equations for local scour at bridge piers", *Journal of Hydraulic Engineering*, 140(1), 14-23.
- [8] Ataie-Ashtiani, B., Baratian-Ghorghi, Z., & Beheshti, A. A. (2010). "Experimental investigation of clear-water local scour of compound piers", *Journal of Hydraulic Engineering*, 136(6), 343-351.
- [9] Abdeldayem, A. W., Elsaed, G. H., & Ghareeb, A. A. (2011). "The effect of pile group arrangements on local scour using numerical models", *Advances in Natural and Applied Sciences*, 5(2), 141-146.

- [10] Amini, A., Melville, B. W., Ali, T. M., & Ghazali, A. H. (2011). "Clear-water local scour around pile groups in shallow-water flow", *Journal of Hydraulic Engineering*, 138(2), 177-185.
- [11] Sheppard, D. M., Melville, B., & Demir, H. (2013). "Evaluation of existing equations for local scour at bridge piers", *Journal of Hydraulic Engineering*, 140(1), 14-23.
- [12] Ghasemzadeh, F., & Shinyzadeh, p. (2015). Simulation of hydraulic issues in Flow-3D. *Innovative publishing. Tehran. Iran*
- [13] Maroosi, M., Roshan, R., & Sarkordeh, H. (2014). Analysis and design with Flow-3D software, *Fadak isatist publication, First printing, Tehran, Iran* (in farsi)
- [14] Khaple, S., Hanmaiahgari, P. R., Gaudio, R., & Dey, S. (2017). "Interference of an upstream pier on local scour at downstream piers", *Acta Geophysica*, 65(1), 29-46.
- [15] Hoang, N. D., Liao, K. W., & Tran, X. L. (2018). "Estimation of scour depth at bridges with complex pier foundations using support vector regression integrated with feature selection", *Journal of Civil Structural Health Monitoring*, 8(3), 431-442.