

برآورد بیشینه شتاب زمین به روش ماشین بردار پشتیبان و شبکه عصبی شعاع محور

مهردی کمامی*

استادیار، دانشکده فنی و
مهندسی، دانشگاه آیت‌الله العظمی بروجردی (ره).

پست الکترونیک:

komasi@abru.ac.ir

سحر آزادی چگنی

دانشجوی کارشناسی ارشد سازه،
دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه آیت‌الله العظمی بروجردی (ره).

پست الکترونیک:

Saharazadi68@gmail.com

مهرداد آزادی چگنی

دانشجوی کارشناسی ارشد سازه،
دانشکده فنی مهندسی، دانشگاه آیت‌الله العظمی بروجردی (ره).

پست الکترونیک:

m.azad.55@gmail.com

یکی از روش‌های مناسب جهت بررسی زلزله‌های مختلف و تعیین میزان خطرپذیری در هر منطقه، پیش‌بینی پارامترهای جنبش نیرومند زمین می‌باشد که نقش مهمی را در ارزیابی اثرات زلزله در طراحی پروژه‌های مهندسی ایفا می‌کند. در پژوهش حاضر، از مدل ماشین بردار پشتیبان و شبکه عصبی شعاع محور که از تکنیک‌های هوش مصنوعی هستند؛ برای برآورد بیشینه شتاب زمین استفاده شده است. بهاین منظور، از پارامترهای لرزه‌ای شامل بزرگی زلزله، فاصله محل رخداد زلزله تا سایت، عمق کانونی زلزله و شدت زلزله به عنوان پارامترهای ورودی مدل‌های ماشین بردار پشتیبان و شبکه عصبی شعاع محور استفاده شده است. مقایسه نتایج برآورد بیشینه شتاب زمین با ماشین بردار پشتیبان و شبکه عصبی شعاع محور با روابط کاهندگی تجربی و روش‌های رگرسیون بیانگر آن است که روش‌های ارائه شده می‌توانند ارتباط مناسبی را میان مقادیر مشاهداتی و محاسباتی برقرار نمایند. همچنین این روش‌ها از دقت بالاتری نسبت به روش‌های کلاسیک پیشین برخوردار هستند، به طوری که ضریب تبیین برای روش ماشین بردار پشتیبان ۰/۹۹۶، شبکه عصبی شعاع محور ۰/۹۹۷ و برای روش‌های رگرسیونی خطی و رگرسیونی غیرخطی به ترتیب ۰/۷۹۰ و ۰/۱۵۳ می‌باشد.

وازگان کلیدی: مدل‌های داده‌کاوی، ماشین بردار پشتیبان، شبکه عصبی شعاع محور، حداکثر شتاب زمین.

شکل اساسی روابط کاهندگی به صورت رابطه کلی

۱- مقدمه

زیر می‌باشد [۳]:

$$\log(Y) = \log(b_i) + \log[f_1(M)] + \log[f_2(R)] + \log[f_3(M, R)] + \log[f_4(E_i)] + \log(\varepsilon) \quad (1)$$

در رابطه (۱)، Y پارامتر جنبش زمین (همانند PGA) و b_i فاکتور مقیاس می‌باشند. جملات دوم تا چهارم سمت راست رابطه، به ترتیب توابع بزرگی M ، فاصله منبع لرزه‌زا تا محل R ، مشخصات زمین‌شناسی محل E_i هستند. خطاهای نیز توسط پارامتر ε بیان شده است. به علت ضرورت برآورد این پارامترها، می‌بایست روابط کاهندگی را به گونه‌ای تعیین کرد که مقادیر محاسبه شده توسط این

جنوبی‌های نیرومند زمین در برآورد تأثیر زلزله بر سازه، محیط‌زیست و غیره از اهمیت بالایی برخوردارند [۱]. در این میان، بیشینه شتاب زمین (^۱PGA) پارامتری است که اغلب در تحلیل خطر لرزه‌ای استفاده می‌شود [۲]. جنبش‌های نیرومند زمین توسط یکسری روابط، موسوم به روابط کاهندگی ارائه می‌گردند.

* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۱۳۹۵/۰۸/۰۳، بازنگری ۱۳۹۵/۱۱/۲۷، پذیرش ۱۳۹۵/۱۲/۰۸.

^۱- Peak Ground Acceleration

داده‌های مسئله بستگی دارد. توجه به کیفیت و عدم قطعیت‌ها بسیار مهم است. عدم قطعیت‌ها به اندازه‌گیری‌ها برمی‌گردد. در این حالت، اگر مقادیر ورودی کاملاً دقیق نباشند، عدم قطعیت به وجود آمده است. از این‌رو، دسته دیگری از مدل‌ها بر پایه شبکه عصبی و تئوری فازی ارائه گردید. کر و تینگ^۵ در پژوهشی در این زمینه با توجه به رکوردهای ۳۰ ایستگاه، با ترکیبی از پارامترهای لرزه‌ای از جمله فاصله از مرکز و عمق کانونی با استفاده از شبکه‌های عصبی، به برآورد حداکثر شتاب زمین پرداختند [۷]. همچنین پوزوز^۶ و همکاران در پژوهشی به مدل‌سازی با استفاده از دو روش شبکه‌های عصبی مصنوعی و بازخور مصنوعی برای پیش‌بینی بیشینه شتاب زمین پرداختند. نتایج به دست آمده، بیانگر برآورد مناسبی از پارامترها می‌باشد [۸].

ماشین بردار پشتیبان^۷ تبدیلات بسیار پیچیده را انجام می‌دهد؛ سپس مشخص می‌کند چگونه می‌توان داده‌ها را براساس یک ابرسطح از هم جدا نمود. این روش بهترین ابرسطحی را پیدا می‌کند که با حداکثر فاصله، داده‌های مربوط به دو طبقه را از هم جدا می‌کند. از ماشین بردار پشتیبان می‌توان در حل مسائل گوناگون استفاده کرد، در حالی‌که روش‌های دیگری مانند درخت تصمیم‌گیری را نمی‌توان به راحتی در مسائل مختلف به کار برد. ماشین بردار پشتیبان برای فرآیند یادگیری به تعداد داده‌های آموزشی کمتری نسبت به شبکه عصبی نیاز داشته و در عین حال، توانایی بهتری در پیدا کردن جواب بهینه کلی سیستم دارد. ماشین بردار پشتیبان از روش‌های یادگیری نظارت شده است که به تولید توابع نگاشت ورودی و خروجی از مجموعه‌ای از داده‌های آموزشی پرداخته و از آن برای طبقه‌بندی و رگرسیون استفاده می‌کند [۹]. از جمله پژوهش‌ها در این زمینه،

روابط به مقادیر واقعی ثبت شده نزدیک باشند. تحلیل این روابط توسط دو روش تجربی و روش نیمه‌تئوری (یا روش تصادفی) امکان‌پذیر است. نکته بسیار مهم در استفاده از روابط کاهندگی این است که این روابط براساس داده‌های مربوط به یک ناحیه ارائه شده است. بنابراین استفاده از این روابط برای منطقه خاص که داده‌های شتاب‌نگاری آن کم یا بدون داده می‌باشد، باعث خطا در برآورد پارامترهای جنبش نیرومند زمین و عدم انعکاس کامل این روش‌ها از ماهیت زمین‌لرزه‌ها بر تعیین روابط کاهندگی خواهد شد. در میان روش‌های محاسباتی نوین، روش‌های هوش مصنوعی که مبتنی بر تئوری داده‌کاوی هستند، ارزیابی مناسبی جهت برآورد و پیش‌بینی پدیده‌ها دارند. در این زمینه، لیو^۸ و همکاران در پژوهشی به تحلیل کاهندگی لرزه‌ای سه‌بعدی با استفاده از تکنیک‌های هوش مصنوعی پرداختند. محققان مقایسه‌ای را میان دو روش توابع شعاع محور و الگوریتم انتشار برگشتی انجام دادند. نتایج حاصل از این پژوهش نشان داد که روش توابع شعاع محور برای آموزش داده‌ها مناسب‌تر است [۴]. همچنین آرجان و کومار^۹ در مقاله خود کاربرد شبکه‌های عصبی را به عنوان یکی از زیرمجموعه‌های هوش مصنوعی برای ارزیابی شتاب اوج زمین برای دامنه‌های زلزله بیشتر از ۵٪ و فاصله عمق مرکزی بیشتر از ۵ و کمتر از ۵۰ کیلومتر ارائه کردند. آن‌ها مشاهده کردند که پیش‌بینی با استفاده از شبکه آموزش‌دیده با شش داده ورودی بهتر از شبکه آموزش‌دیده با سه داده ورودی است [۵]. دراس و بکوج^{۱۰} نیز در مطالعه خود با استفاده از شبکه مصنوعی به برآورد حداکثر شتاب زمین پرداختند. نتایج به دست آمده نشان داد که محاسبه حداکثر شتاب زمین با استفاده از روش شبکه مصنوعی نزدیک به رکورد واقعی آن می‌باشد [۶]. در کل، انتخاب یک تکنیک مناسب از شبکه عصبی به نوع مسئله، نوع الگوریتم حل برای آن و قطعیت

^۵- Ker and Ting

⁶- Pozos

⁷- Support Vector Machine

⁸- Maximum margin

²- Liu

³- Arjun and Kumar

⁴- Derras and Bekkouche

ماشین بردار پشتیبان به عنوان یک الگوریتم جدید داده کاوی توسط واپنیک^{۱۲} و همکاران طراحی شد [۱۳]. این روش در سال های بعد توسط واپنیک و کورتس^{۱۳} برای حالت غیرخطی تعمیم داده شد [۱۴]. ماشین بردار پشتیبان از تکنیک هسته کرنل برای تبدیل داده ها استفاده می کند و سپس براساس این تبدیل، مرز بهینه بین خروجی های ممکن را پیدا می کند. ماشین بردار پشتیبانی، یک الگوریتم یادگیری ماشین براساس تئوری یادگیری آماری است که به دسته های خطی، خطی جدا یان ناپذیر، غیرخطی جدا و چندین توابع کرنل نمونه دسته بندی می شود [۱۵]. شکل ۱ مفاهیم اولیه این روش را نشان می دهد. دایره ها و مثلث ها در این شکل دو نمونه را نشان می دهد. دایره ها و مثلث ها در این شکل دو نمونه را نشان می دهند و H یک خط برچسب گذاری برای جدا کردن دو نمونه است. H_1 و H_2 از طریق نزدیک ترین نمونه به خط برچسب زده منتقل می شوند. نزدیک ترین نقاط داده ها که برای تعریف حاشیه استفاده می شوند بردار های پشتیبانی نامیده شده و فاصله بین H_1 و H_2 حاشیه نام دارد [۱۵].

ابر رویه H که دارای حداکثر فاصله بین نزدیک ترین داده (به عنوان مثال حداکثر حاشیه) است، ابر رویه مطلوب نامیده می شود که به صورت زیر می تواند بیان شود:

$$w^T x + b = 0 \quad (2)$$

در این رابطه، x یک بردار ورودی، w بردار وزن تطبیقی، b گرایش و $w^T x$ حاصل درونی از w و x است. فرمول ریاضی دو ابر سطح موازی که مرز جدا کننده را تشکیل می دهند عبارت است از:

$$w^T x_i + b \geq 1 \quad \forall y_i = +1 \quad (3)$$

$$w^T x_i + b \leq -1 \quad \forall y_i = -1 \quad (4)$$

تحقیق هن^۹ و همکاران در سال ۲۰۰۷ می باشد که به مطالعه کاربرد ماشین بردار پشتیبان در پیش بینی سیل پرداخته است. این مقاله نشان می دهد که توابع هسته ای خطی و غیرخطی می تواند عملکرد بهتری در برابر دیگر عملیات ها در شرایط مختلف در حوضه آبریز داشته باشند [۱۰]. همچنین چن^{۱۰} و همکاران از ادغام ماشین بردار پشتیبان و الگوریتم ژنتیک برای ارزیابی مقاومت لرزه ای مدرسه در تایوان استفاده کردند. این مقاله نشان می دهد ماشین بردار پشتیبان و الگوریتم ژنتیک، ارزیابی لرزه ای مناسبی را برای ساختمان مدرسه در برابر زلزله می دهد [۱۱]. همچنین در پژوهشی دیگر، نصرالله نژاد و همکاران به مطالعه شبیه سازی حداکثر شتاب زمین توسط رگرسیون عمومی و توابع پایه شاعع محور و دیگر شبکه های عصبی در برخی از مناطق جهان پرداختند و سعی در نشان دادن یک پیش بینی معقول شتاب زمین که ممکن است بیش از شتاب ثقل در مناطق مختلف ایجاد کند را داشتند. آن ها در پژوهش خود با استفاده از ساختارهای مختلف شبکه های عصبی و چهار پارامتر کلیدی اندازه لنگر، فاصله گسستگی، طبقه سایت، سبک گسلش زلزله، که ممکن است عوارض جدی بر روی آن سایت ایجاد کند، را با شبکه عصبی پس انتشار پیشرو بررسی کردند [۱۲].

با رویداشت به پیشینه پژوهش به نظر می رسد که مطالعات چندانی پیرامون استفاده از روش ماشین بردار پشتیبان و شبکه عصبی شاعع محور^{۱۱} در برآورد حداکثر شتاب زمین صورت نگرفته است. در این تحقیق، سعی در ارائه مدل هایی مناسب جهت برآورد حداکثر شتاب زمین توسط این مدل ها شده است.

۲- مواد و روش ها

۲-۱- ماشین بردار پشتیبان

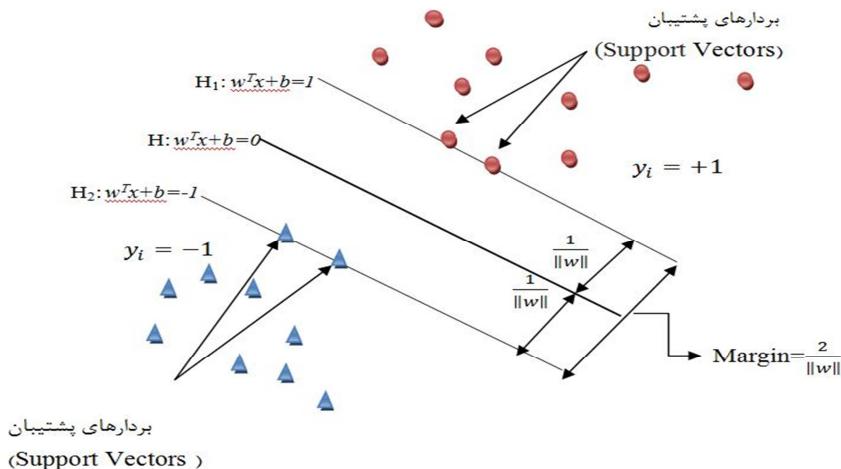
¹²- Vapnik
¹³- Cortes

⁹- Han
¹⁰- Chen
¹¹- Radial Basis Function

توابع ماشین بردار پشتیبان و بعضی از توابع کرنل
نمونه در جدول ۱ توضیح داده شده است [۱].

با ترکیب تساوی روابط (۳) و (۴) رابطه زیر به دست می‌آید:

$$y_i(w^T x_i + b) - 1 \geq 0 \quad (5)$$



شکل ۱- ابر رویه بهینه برای SVM خطی [۱۵]

جدول ۱- توابع ماشین بردار پشتیبان و توابع کرنل [۱۵]

$f(x) = \sin(w^{*T} x_i + b^*) = \sin(\sum_{i=1}^N a_i^* y_i x_i^T x_j + b^*)$	SVM خطی جداگانه
$0 \leq \alpha_i \leq c, \forall i \quad \sum_{i=1}^N a_i y_i = 0$	SVM خطی جداگانه ناپذیر
$f(x) = \sum_{i=1}^N y_i \alpha_i k(x_i, x_j) + b$	SVM غیرخطی جدا
$k(x_i, x_j) = x_i^T x_j$	کرنل خطی
$k(x_i, x_j) = (\gamma x_i^T x_j + r)^d, \gamma > 0$	کرنل چند فرمولی
$k(x_i, x_j) = \exp(-\gamma x_i - x_j ^2), \gamma > 0$	توابع پایه شعاع محور
$k(x_i, x_j) = \tan(\gamma x_i^T x_j + r)$	کرنل پیچیده

ورودی به یک فضای با بعد بالاتر که در آن الگوها به صورت خطی تفکیکپذیر می‌باشد را نمایش می‌دهد. بنابراین، لایه نهایی یک جمع وزنی ساده با یک خروجی خطی انجام می‌دهد. در صورتی که، از تابع پایه شعاع محور برای تقریب تابع استفاده شود، چنین خروجی مفید خواهد بود؛ ولی هنگامی که نیاز به طبقه‌بندی الگوها وجود داشته باشد، آنگاه یک محدودکننده سخت یا یک

۲-۲- شبکه عصبی شعاع محور

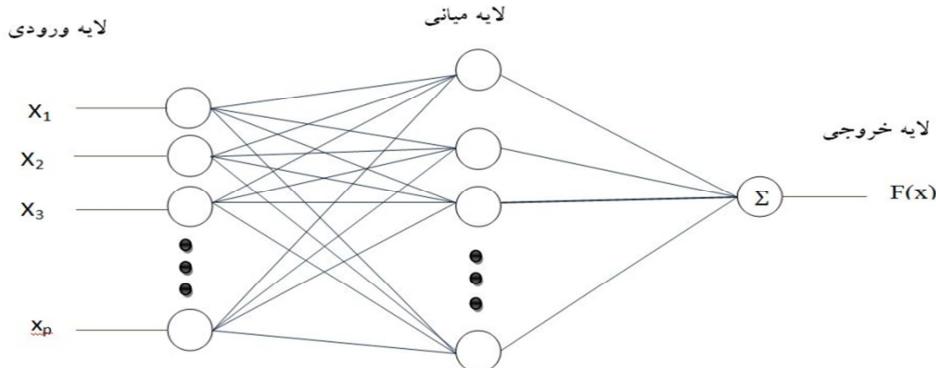
شبکه‌های عصبی شعاعی به واسطه آموزش سریع و فراگیر از دقت و کاربرد مناسبی برخوردارند. معماری اصلی شبکه عصبی شعاع محور متشکل از سه لایه مطابق با شکل ۲ می‌باشد.

در لایه ورودی هیچگونه پردازشی انجام نمی‌دهد، لایه دوم یا لایه پنهان یک نگاشت غیرخطی از فضای

رابطه (۶) نشان می‌دهد که برای تقریب تابع F می‌بایست از p تابع شعاعی که دارای مراکز ثقل u می‌باشد، استفاده شود. نماد «||» تابع فاصله را در فضای R_n که معمولاً فاصله اقلیدسی است، انتخاب می‌کند.

سیگموئید را می‌توان بر روی خروجی قرار داد تا مقدار خروجی صفر یا یک تولید شود. تابع لایه پنهان دارای رابطه‌ای مطابق با رابطه زیر است [۱۶]:

$$F(x) = \sum_{j=1}^P w_j \phi(\|x - u_j\|) \quad (6)$$



شکل ۲- معماری اصلی شبکه عصبی شعاع محور

مختلفی پیشنهاد شده است که در ذیل به چند مورد از آن‌ها اشاره می‌شود:

از آنجاکه منحنی نمایش تابع‌های مدار شعاعی به صورت شعاعی متقارن است، نرون‌های لایه مخفی به نرون‌های تابع شعاعی معروف هستند. توابع شعاعی

$$\text{Cubicsplines : } \phi : \mathfrak{R} \rightarrow \mathfrak{R} : r \rightarrow |r|^3 \quad (7)$$

$$\text{Thin plate splines } (x, y) \rightarrow \| (x, y) \|^2 \log \| (x, y) \| \quad (8)$$

$$\text{Multiquardics : } \phi_{MQ}(r) = \sqrt{a^2 + r^2} \quad (9)$$

نتایج مدل‌های مختلف وجود دارد. در این پژوهش، کارایی مدل‌ها توسط دو معیار عددی ضریب تبیین (DC^{۱۴}) و ضریب همبستگی (CC^{۱۵}) مورد بررسی قرار گرفته که در روابط (۱۱) و (۱۲) به آن‌ها اشاره شده است [۱۷]. در رابطه (۱۱) و (۱۲)، N تعداد داده‌ها، X_{com_i} ، X_{obs_i} و \bar{X}_{com} و \bar{X}_{obs} به ترتیب داده‌های مشاهداتی، مقادیر محاسباتی، میانگین مقادیر محاسباتی و میانگین داده‌های مشاهداتی می‌باشند.

تابع معروف در شبکه‌های شعاعی همان تابع گوسی یا نمایی به صورت رابطه زیر می‌باشد [۱۶]:

$$\phi(\|x - u_j\|) = e^{-\frac{(\|x - u_j\|)}{\sigma_j}} \quad (10)$$

در این رابطه، σ_j فاکتور عرض کرنل Σ می‌باشد.

۳-۲- سنجش و ارزیابی مدل

کارکرد یک مدل را می‌توان از چند نظر مورد بررسی قرار داد. دامنه وسیعی از معیارهای سنجش برای مقایسه میان

¹⁴- Determination Coefficient

¹⁵- Correlation Coefficient

$$DC = 1 - \frac{\sum_{i=1}^N (X_{obs_i} - X_{com_i})}{\sum_{i=1}^N (X_{obs_i} - \bar{X}_{obs})} \quad (11)$$

$$CC = \frac{\sum_{i=1}^N (X_{obs_i} - \bar{X}_{obs})(X_{com_i} - \bar{X}_{com})}{\sqrt{\sum_{i=1}^N (X_{obs_i} - \bar{X}_{obs})^2 \sum_{i=1}^N (X_{com_i} - \bar{X}_{com})^2}} \quad (12)$$

به دلیل اینکه بین محدوده داده‌های شبکه با توابع محرک مورد استفاده همانگی، لازم است؛ داده‌ها در محدوده توابع محرک، نرمال می‌شوند. با توجه به اینکه برد این توابع بین صفر و یک می‌باشد، داده‌های خروجی نیز در این محدوده نرمال‌سازی می‌شوند. بدین منظور از رابطه زیر استفاده شده است:

$$X'_i = \frac{X_i - X_{min}}{X_{max} - X_{min}} \quad (14)$$

در رابطه (14)، X_i داده ورودی، X_{max} و X_{min} به ترتیب مقدار حداقل و حداکثر داده‌ها می‌باشند.

۴- مدل‌سازی و نتایج

با توجه به پارامترهای زلزله معرفی شده ترکیب‌های مختلفی را می‌توان مورد ارزیابی قرار داد که در این پژوهش از چندین ترکیب مختلف برای یافتن بهترین ترکیب ورودی به مدل ماشین بردار پشتیبان و شبکه عصبی شعاعی استفاده شده است. در این ساختار ملاک ارزیابی، معیارهای ضریب تبیین، ضریب همبستگی و جذر میانگین مربعات خطای می‌باشند. در این پژوهش، ترکیب‌های (۱) تا (۶) دو پارامتری، ترکیب‌های (۷) تا (۱۰) سه پارامتری و ترکیب (۱۱) چهار پارامتری می‌باشد.

Comb(1): (d, in)	Comb (2): (m, in)
Comb (3): (m, d)	Comb (4): (r, in)
Comb (5): (r, d)	Comb (6): (r, m)
Comb (7): (r, d, in)	Comb (8): (m, d, in)
Comb (9): (r, m, in)	Comb (10):(r, m, d)
Comb (11): (r, m, d, in)	

یک پارامتر مهم دیگر جذر میانگین مربعات خطای (RMSE)^{۱۶} می‌باشد که اختلاف میان مقدار پیش‌بینی شده توسط مدل یا برآورد کننده آماری با مقدار واقعی را نشان می‌دهد. پارامتر RMSE به عنوان یک ابزار مناسب برای مقایسه کردن خطاهای پیش‌بینی توسط یک مجموعه داده استفاده می‌گردد. رابطه زیر بیان کننده این

پارامتر می‌باشد [۱۷]:

$$RMSE = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (X_{obs_i} - X_{com_i})^2}{N}} \quad (13)$$

که در رابطه (13) N ، X_{com_i} و X_{obs_i} به ترتیب تعداد داده‌ها، داده‌های مشاهداتی و مقادیر محاسباتی می‌باشند.

۳- بانک داده

در این پژوهش از ۲۵۹۰ رکورد ثبت شده که برای پژوهه NIED می‌باشد، استفاده شده است. داده‌های مطالعاتی از زلزله‌های موجود در کشور ژاپن از وب سایت <http://www.kyoshin.bosai.go.jp> تهییه شده است.

داده‌های مطالعاتی در این پژوهش، شامل پارامترهای حداکثر شتاب زمین (PGA)، بزرگای زلزله (M)، عمق کانونی زلزله (Depth)، فاصله منبع لرزه‌زا تا سایت (r) و شدت زلزله (I) می‌باشند. در جدول ۲ مقادیر این پارامترها نشان داده شده است.

در روش‌های مبتنی بر هوش مصنوعی یکی از مراحل پیش‌تحلیل داده‌ها، نرمال‌سازی آن‌ها می‌باشد.

¹⁶- Root Mean Square Error

جدول ۲- کمیت‌های آماری پارامترهای رکوردهای پژوهش

انحراف معیار	میانگین داده	کمینه	بیشینه	پارامترها
۰/۷۱	۵/۰۹	۳/۷	۶/۹	بزرگای زلزله (M)
۹۴/۴۱	۷۱/۹۰	۸	۴۸۰	عمق کانونی (Km)
۲۱۶/۷۷	۱۸۷/۵۷	۳/۶۱	۱۷۹۲/۷۴	فاصله از منبع لرزه‌زا تا سایت (Km)
۰/۸۳	۱/۲۴	۰	۴۴۶	شدت (Intensity)
۲۲/۶۷	۱۰/۶۳	۰	۴۰۸	بیشینه شتاب زمین (gal)

جهت تعیین آرایش مناسب برای مدل ماشین بردار پشتیبان استفاده شده است. ماشین بردار پشتیبان از تکنیک هسته کرنل برای تبدیل داده‌ها استفاده می‌کند. در این تحقیق، از توابع پایه شاعع محور که از نمونه‌های توابع کرنل می‌باشد، در برنامه ماشین بردار پشتیبان استفاده شده است. در جدول ۳ نتایج مدل‌سازی ماشین بردار پشتیبان برای پارامتر PGA گزارش شده است.

۴-۱- نتایج مدل‌سازی ماشین بردار پشتیبان (SVM)

در مدل ماشین بردار پشتیبان باید آرایش شبکه و چگونگی فرآیند آموزش شبکه مورد توجه قرار گیرد که این خود شامل انتخاب مناسب تعداد تکرار فرآیند آموزش و تضمین کننده کارایی و بازدهی مناسب مدل در مراحل واسنجی و صحتسنجی است. داده‌های نرم‌السازی شده باید با تنظیم نرم‌افزار بر روی سری زمانی به برنامه وارد شود. از این‌رو، در این پژوهش از رهگذر آنالیز حساسیت

جدول ۳- نتایج برآورد PGA توسط ماشین بردار پشتیبان

میانگین مربعات خطأ (RMSE)		ضریب همبستگی (CC)		ضریب تبیین (DC)		ترکیب
صحت سنجی	واسنجی	صحت سنجی	واسنجی	صحت سنجی	واسنجی	
۰/۰۰۵	۰/۰۰۴	۰/۹۹۳	۰/۹۹۳	۰/۹۸۶	۰/۹۹۴	Comb (1)
۰/۰۲۵	۰/۰۰۳	۰/۸۸۹	۰/۹۹۷	۰/۷۸۴	۰/۹۹۵	Comb (2)
۰/۰۵۳	۰/۰۵۳	۰/۲۱۴	۰/۲۹۵	۰/۰۳۵	۰/۰۸۷	Comb (3)
۰/۰۱۵	۰/۰۰۳	۰/۹۴۶	۰/۹۹۷	۰/۸۹۳	۰/۹۹۵	Comb (4)
۰/۰۵۱	۰/۰۴۵	۰/۵۰۴	۰/۵۳۱	۰/۲۵۳	۰/۲۸۱	Comb (5)
۰/۰۴۸	۰/۰۴۳	۰/۴۵۷	۰/۶۳۳	۰/۲۰۴	۰/۴۰۹	Comb (6)
۰/۰۱۱	۰/۰۰۴	۰/۹۵۲	۰/۹۹۷	۰/۹۰۶	۰/۹۹۵	Comb (7)
۰/۰۱۴	۰/۰۰۳	۰/۹۵۸	۰/۹۹۷	۰/۹۱۳	۰/۹۹۵	Comb (8)
۰/۰۱۶	۰/۰۰۳	۰/۹۴۴	۰/۹۹۸	۰/۸۸۹	۰/۹۹۶	Comb (9)
۰/۰۴۸	۰/۰۴۱	۰/۵۹۴	۰/۶۳۶	۰/۳۵۲	۰/۴۰۴	Comb (10)
۰/۰۱۷	۰/۰۰۳	۰/۹۳۹	۰/۹۹۸	۰/۸۷۹	۰/۹۹۶	Comb (11)

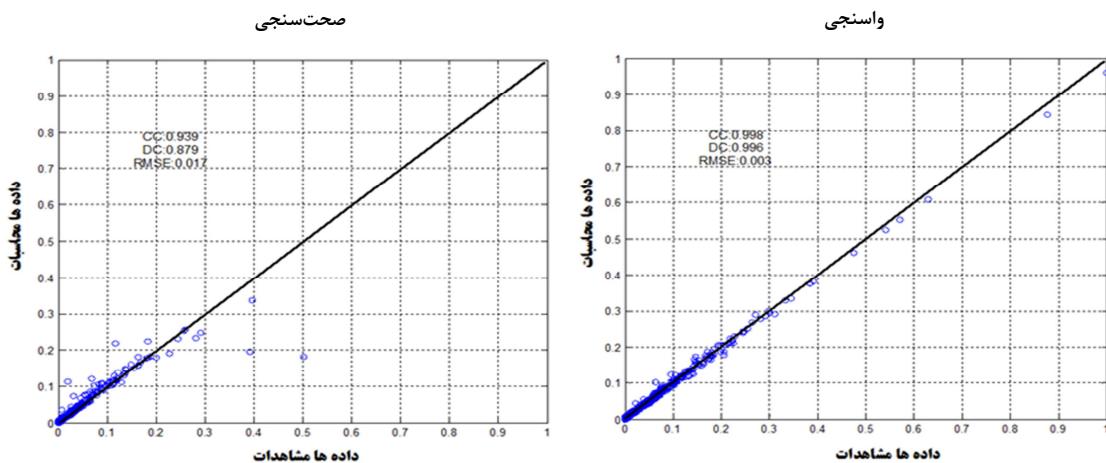
مطلوبی نداشته‌اند؛ در حالی که ترکیب‌های (۱)، (۲)، (۴)، (۷)، (۸) و (۱۱) هم در قسمت واسنجی و هم در قسمت صحتسنجی نتایج مطلوب‌تری داشته‌اند. از طرفی، ترکیب

با توجه به نتایج به دست آمده در جدول ۳ مشاهده می‌شود ترکیب‌های (۳)، (۵)، (۶) و (۱۰) به دلیل ارتباط معکوس بین پارامتر خروجی و پارامترهای ورودی نتایج

می‌دهد.

(۱۱) به علت وجود تعداد ورودی مناسب، برتر می‌باشد.

شکل ۴ نتیجه‌ی مربوط به ترکیب (۱۱) را نمایش



شکل ۴- نمودار پراکنش داده‌ها در مدل‌سازی PGA به روش SVM برای ترکیب (۱۱)

۳-۴- ارزیابی نتایج با روابط کاهنگی رگرسیونی

در این پژوهش، از معادله رگرسیون غیرخطی و خطی جهت صحت‌سنجی نتایج برای ترکیب (۱۱) استفاده شده است. رگرسیون خطی ساده‌ترین و پرکاربردترین نوع رگرسیون است. به این دلیل، آن را ساده گویند. نمودار این معادله، نشان‌دهنده یک خط راست است. رگرسیون خطی استفاده شده در این پژوهش به صورت کدنویسی در متلب بوده است. چندین رگرسیون غیرخطی نیز وجود دارد که در این پژوهش از رگرسیون غیرخطی زارع استفاده شده است.

رابطه زارع براساس نوع ساختگاه، بزرگای زلزله و فاصله کانونی می‌باشد که به صورت زیر بیان می‌شود:

$$\log A = aM_w + bX - \log X + C_i S_i + \sigma P \quad (15)$$

در رابطه (۱۵)، X فاصله کانونی است که از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$X = \sqrt{r^2 + depth^2} \quad (16)$$

۴-۲- نتایج مدل‌سازی شبکه عصبی شعاع محور (RBF)

در مدل‌های هوش مصنوعی، داده‌ها به صورت نرمال‌شده با تنظیم نرم‌افزار بر روی پیش‌بینی سری زمانی به برنامه وارد می‌شوند. روش نرمال‌سازی داده‌ها در بخش ۲ توضیح داده شده است.

در این قسمت پژوهش نیز نتایج مدل شبکه عصبی شعاع محور که برنامه آن در نرم‌افزار متلب^{۱۷} نوشته شده و با استفاده از چند ورودی خاص است، به دست آمده و در جدول ۴ نشان داده شده است.

با توجه به نتایج به دست آمده در جدول ۴ مشاهده می‌شود ترکیب‌های (۳)، (۵)، (۶) و (۱۰) نتایج مطلوبی نداشته ولی ترکیب‌های (۱)، (۲)، (۴)، (۷)، (۸) و (۱۱) هم در قسمت واسنجی و هم در قسمت صحت‌سنجی به دلیل همبستگی بین پارامترهای ورودی و خروجی نتایج مطلوب‌تری داشته‌اند. ترکیبی که دارای چهار پارامتر ورودی است، یعنی ترکیب (۱۱)، به علت وجود تعداد ورودی مناسب، برتر می‌باشد. شکل ۵ نتیجه‌ی مربوط به این ترکیب را نمایش می‌دهد.

¹⁷- Matlab

بنابراین، هر کدام از این روابط می‌توانند براساس ویژگی‌های ساختگاهی برای یک منطقه خاص مطلوب باشند. در جدول ۵ نتایج رگرسیون غیرخطی زارع و نتایج برآورد ترکیب (۱۱) برای پارامتر PGA با رگرسیون خطی نشان داده شده است.

در رابطه (۱۶) d فاصله سطحی و depth عمق کانونی می‌باشد و ضرایب a , b , c , σ و S در رابطه زارع برای خاک نوع دوم عبارت است از [۱۸]:

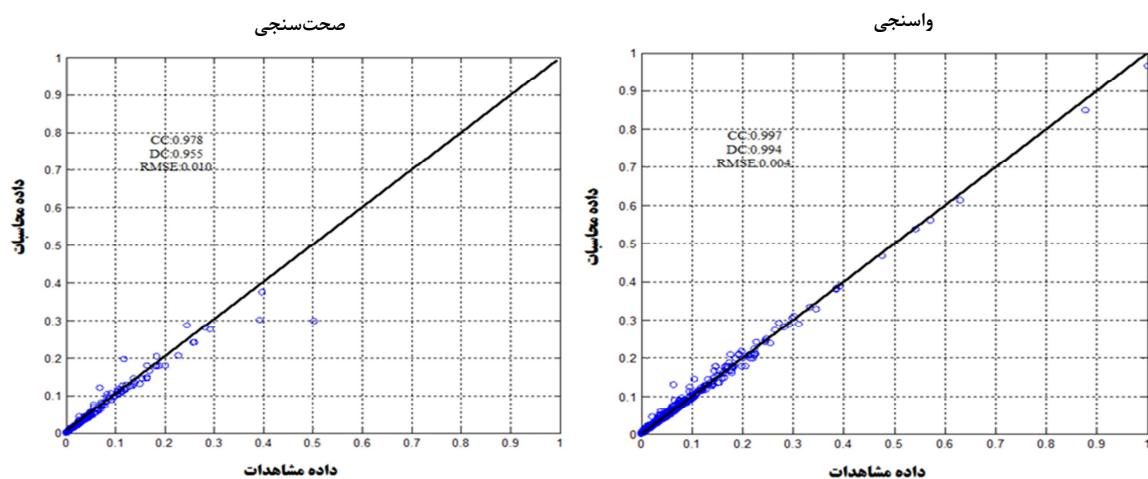
$$a = -0.399 \quad b = -1.0019 \quad c = -1.065 \quad \sigma = 0.329$$

$$S = 1$$

ضعف عمده روابط کاهنده‌گی تجربی، جامعیت نداشتن این روابط برای زلزله‌های مختلف می‌باشد.

جدول ۴- نتایج برآورد PGA توسط شبکه عصبی شعاع محور

میانگین مربعات خطأ (RMSE)		ضریب همبستگی (CC)		ضریب تبیین (DC)		ترکیب
صحت سنجی	واسنجی	صحت سنجی	واسنجی	صحت سنجی	واسنجی	
-0.005	-0.005	-0.994	-0.994	-0.988	-0.982	Comb (1)
-0.001	-0.006	-0.994	-0.994	-0.958	-0.984	Comb (2)
-0.048	-0.055	-0.228	-0.264	-0.148	-0.170	Comb (3)
-0.006	-0.005	-0.994	-0.994	-0.988	-0.988	Comb (4)
-0.050	-0.047	-0.461	-0.527	-0.178	-0.287	Comb (5)
-0.048	-0.044	-0.639	-0.564	-0.340	-0.326	Comb (6)
-0.005	-0.005	-0.993	-0.994	-0.984	-0.988	Comb(7)
-0.025	-0.019	-0.858	-0.948	-0.890	-0.736	Comb(8)
-0.017	-0.032	-0.823	-0.943	-0.896	-0.673	Comb(9)
-0.049	-0.044	-0.499	-0.615	-0.157	-0.387	Comb(10)
-0.010	-0.004	-0.955	-0.994	-0.978	-0.997	Comb(11)



شکل ۵- نمودار پراکنش داده‌ها در مدل‌سازی PGA به روش RBF برای ترکیب (۱۱)

زلزله و PGA حداکثر شتاب زمین بر حسب gal است و در رابطه (۱۸)، R عمق کانونی، M_w بزرگای زلزله، V_s سرعت موج برشی و b_1 تا b_5 مربوط به مؤلفه‌های جنبش نیرومند زمین است.

روابط کاهندگی مشهور پیشین، از جمله رابطه کرنل و همکاران و رابطه کاهندگی ناحیه غربی آمریکا به ترتیب در روابط (۱۷) و (۱۸) بیان شده است. در رابطه (۱۷)، r فاصله مرکز زلزله بر حسب کیلومتر، m بزرگای

$$\ln \text{PGA}(\text{gal}) = 6.74 + 0.859m - 1.8 \ln(r + 25) \quad (17)$$

$$\log(\text{PGA}) = b_1 + b_2(M_w - 6) + b_3(M_w - 6)^2 + b_4R + b_5 \log(R) + b_6(\log V_s - \log V_A) \quad (18)$$

توابعی از مقیاس‌های مختلف بزرگای زلزله، عمق کانونی زلزله و فاصله مرکز زلزله و غیره بیان می‌شود [۳].

مشاهده می‌شود که پارامترهای جنبش نیرومند زمین اغلب از توزیع لگاریتمی پیروی می‌کنند که بر حسب

جدول ۵- نتایج رگرسیون برای مدل‌سازی PGA

رگرسیون غیرخطی زارع		رگرسیون خطی	
ضریب تبیین (DC)	جذر میانگین مربعات خطأ (RMSE)	ضریب تبیین (DC)	میانگین مربعات خطأ (RMSE)
۰/۱۵۳	۲۴/۹	۰/۷۹۰	۰/۰۰۵

پشتیبان و شبکه عصبی شعاع محور مشاهده می‌شود که نتایج برآورد پارامترها توسط ماشین بردار پشتیبان و شبکه عصبی شعاع محور، برتر ارزیابی می‌شود. در جدول ۶ مقایسه نتایج به دست آمده از روش ماشین بردار پشتیبان با شبکه عصبی شعاع محور و روابط کاهندگی برای پارامتر PGA نشان داده شده است.

نتایج به دست آمده نشان‌دهنده ضریب همبستگی ۰/۹۹۸ و ضریب تبیین ۰/۹۹۶ در برآورد پارامترهای جنبش نیرومند زمین بین مقادیر مشاهداتی و محاسباتی توسط ماشین بردار پشتیبان برای ترکیب (۱۱) می‌باشد. با توجه به نتایج به دست آمده از روش رگرسیون خطی و غیرخطی و مقایسه آن با نتایج ماشین بردار

جدول ۶- مقایسه نتایج ضریب تبیین (DC) مدل‌های مختلف برای مدل‌سازی PGA

رگرسیون غیرخطی زارع	رگرسیون خطی	RBF	SVM
۰/۱۵۳	۰/۷۹۰	۰/۹۹۷	۰/۹۹۶

فیزیکی ساختگاه، باعث شده هریک از این روابط، مناسب ویژگی‌های ساختگاهی یک منطقه خاص باشد. در این پژوهش مدل ماشین بردار پشتیبان و شبکه عصبی شعاع محور به منظور برآورد بیشینه شتاب زمین ارائه گردید. ماشین بردار پشتیبان یک تکنیک دسته‌بندی محبوب است که برای طبقه‌بندی و رگرسیون داده استفاده شده

۵- نتیجه‌گیری و جمع‌بندی

روش‌های قدیمی پیش‌بینی کننده پارامترهای جنبش نیرومند زمین براساس روش‌های رگرسیونی و آماری و همگی برپایه فرضیات ساده‌کننده می‌باشند. ضعف عمدۀ روابط کاهندگی تجربی جامع نبودن آنها برای مناطق مختلف است. وابستگی روابط کاهندگی به شرایط

۶- پیشنهادات

می‌توان تأثیر سایر متغیرهای زلزله که در این پژوهش مطرح نشده را مورد بررسی قرار داد. همچنین با توجه به اینکه در این پژوهش فرصت پرداختن به تمامی جزئیات مربوط به ماشین بردار پشتیبان وجود نداشت، پیشنهاد می‌گردد در تحقیقات آتی توابع کرنل دیگر نیز مورد ارزیابی قرار گیرند. همچنین جهت توسعه و تکامل مدل حاضر می‌توان این روش را برای یک نوع خاک خاص مورد بررسی و مطالعه قرار داد. بررسی مدل‌های ناحیه‌ای، برای منطقه‌ی خاصی با در نظر گرفتن متغیرهای بیشتر می‌توانند از دیگر زمینه‌های پژوهشی در آینده باشند.

است که مبنای کاری آن دسته‌بندی خطی داده‌ها می‌باشد. در تقسیم خطی داده‌ها باید خطی را انتخاب کرد که حاشیه اطمینان بیشتری داشته باشد. با توجه به نتایج حاصل شده ترکیب‌های (۱)، (۲)، (۴)، (۷)، (۸) و (۱۱) هم در قسمت واسنجی و هم در قسمت صحت‌سنجی نتایج مطلوب‌تری داشته‌اند. این نتایج، نشان‌دهنده ارتباط بین این ترکیب از پارامترها با پارامترهای جنبش نیرومند زمین می‌باشد که بیانگر ارتباط بین پارامترهای جنبش نیرومند زمین با پارامترهای مختلف و نه صرفاً با پارامترهایی که با آن‌ها همبستگی مستقیم دارند، می‌باشد. در این پژوهش نیز بهترین نتیجه مربوط به ترکیب (۱۱) می‌باشد که شامل بزرگای زلزله، فاصله از منبع لرزه‌زا تا سایت، شدت زلزله و عمق کانونی زلزله می‌باشد.

مراجع

- [۱] برگی، خ. (۱۳۸۸). "اصول مهندسی زلزله"، چاپ چهارم، تهران: مؤسسه انتشارات دانشگاه تهران.
- [۲] بخشی، ح.، خراسانی، م.، فدوی، م.، قدرتی امیری، غ.، برخورداری، م. (۱۳۸۸). "تخمین پارامترهای شتاب، سرعت و جابه‌جایی ماکریزم زمین با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی"، مجله مدل‌سازی در مهندسی، دوره ۷، شماره ۱۹، ش.ص. ۲۱-۱۱.
- [۳] شکیب، ح.، علیرضایی، م. (۱۳۹۰). "اصول مهندسی زلزله"، چاپ اول، تهران: انتشارات آذرین مهر.
- [4] Liu, B.Y., Ye, L.Y., Xiao, M.L., & Miao, S. (2006). "Peak Ground Velocity Evaluation by Artificial Neural Network for West America Region", In *International Conference on Neural Information Processing*, 942-951.
- [5] Arjun, C.R., & Kumar, A. (2009). "Artificial neural network-based estimation of peak ground acceleration", *ISET J. Earthq. Technol*, 46(1), 19-28.
- [6] Derras, B., & Bekkouche, A. (2011). "Use of the Artificial Neural Network for Peak Ground Acceleration estimation", *Lebanese Science Journal*, 12(2), 101-115.
- [7] Kerh, T., & Ting, S.B. (2005). "Neural network estimation of ground peak acceleration at stations along Taiwan high-speed rail system", *Engineering Applications of Artificial Intelligence*, 18(7), 857–866.
- [8] Pozos, A., Gomez, R., & Hong, H.P. (2014). "Use of Neural network to predict the peak ground accelerations and pseudo spectral accelerations for Mexican Inslab and Interplate Earthquakes", *Geofísica internacional*, 53(1), 39-57.
- [9] Barile, I., Cacciola, M., D'Amico, S., Greco, A., Morabito, F.C., & Parrillo, F. (2006). "Radial Basis Function Neural Networks to Foresee Aftershocks in Seismic Sequences Related to Large Earthquakes", In *International Conference on Neural Information Processing, ICONIP 2006*, 909–916.
- [10] Han, D., Chan, L., & Zhu, N. (2007). "Flood forecasting using Support Vector Machines", *Journal of Hydroinformatics*, 267-276.
- [11] Chen, C. S., Cheng, M. Y., & Wu, Y. W. (2012). "Seismic assessment of school buildings in Taiwan using the evolutionary support vector machine inference system", *Expert Systems with Applications*, 39(4), 4102-4110.

- [12] Nasrollahnejhad, A., Yari, A., Zahedian, S., & Hoodeh, H. (2013). "Simulating peak ground acceleration by general regression and radial basis function and other neural networks in some regions of the world", *Computer Engineering and Intelligent Systems. Journal*, 4(1), 1-6,
- [13] Vapnik, V. N. (1995). "The Nature of Statistical Learning Theory", Springer, New York.
- [14] Cortes, C., & Vapnik, V. (1995). "Support vector networks", *Mach, Learn.* 20(3), 273-297.
- [15] Lee, C.Y., & Chern, S.G. (2013). "Application of a Support Vector Machine for liquefaction assessment", *Journal of Marine Science and Technology*, 21(3), 318-324.
- [۱۶] وزیری، م. (۱۳۹۵). "ارائه روش تخمین موقعیت برای محیط درونی با استفاده از شبکه عصبی شعاعی محور"، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشکده کامپیوتر و فناوری اطلاعات، دانشگاه صنعتی امیرکبیر.
- [17] Nourani, V., & Komasi, M. (2013). "A geomorphology-based ANFIS model for multi-station modeling of rainfall-runoff process", *Journal of Hydrology*, 490, 41-55.
- [۱۸] مقدم، ح.، فنایی، ن. (۱۳۸۵). "بررسی روابط کاہندگی مختلف در پیش‌بینی شتاب زمین لرزه سیلاخور"، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه صنعتی شریف، شماره ۳۵.

M. Komasi*

Assistant Professor,
Department of Civil
Engineering, University of
Ayatollah Boroujerdi.

e-mail: komasi@abru.ac.ir

S. Azadi Chegeni

MSc student, in engineering,
Department of Civil
Engineering, University of
Ayatollah Boroujerdi.

e-mail: Saharazadi68@gmail.com

M. Azadi Chegeni

MSc student, in engineering,
Department of Civil
Engineering, University of
Ayatollah Boroujerdi.

e-mail: m.azad.55@gmail.com

Estimation of the Peak Ground Acceleration Using Support Vector Machine and Neural Radius-Based Function Network Models

Prediction of the ground strong motion parameters is one way to evaluate the various earthquakes and to determine the amount of risk in each area which plays an important role in the evaluation of earthquake effects on the engineering projects design. In this study, the support vector machine (SVM) and neural radius-based function (RBF) network models as new artificial intelligence techniques were used to estimate the peak ground acceleration (PGA). For this purpose, the seismic parameters such as the magnitude, epicentral distance, focal depth, earthquake intensity were applied as input parameters of proposed models. Evaluation of obtained results for the estimation of PGA using the SVM and RBF models with empirical attenuation relationships and regression methods indicated that the presented SVM and RBF models can establish an appropriated relationship between the observed and calculated PGA values. Also, proposed models have more accuracy than classical approaches. The determination coefficient is 0.996 and 0.997 for SVM and RBF models, respectively where as the determination coefficient is 0.790 and 0.153 for linear regression and nonlinear regression, respectively.

Keywords: Data driven models, Support vector machine, Neural radius-based function network, Peak ground acceleration.

*Corresponding author