

**S. Emami**

Ph.D. student of Water Structures, Department of Water Engineering, Faculty of Agriculture, Tabriz University, Tabriz, Iran.

**e-mail:** somayehemami70@gmail.com

**J. Parsa\***

Assistant Professor of Water Structures, Department of Water Engineering, Faculty of Agriculture, Tabriz University, Tabriz, Iran.

**e-mail:** jparsa@tabrizu.ac.ir

## Numerical Investigating of Flow and Discharge Coefficient Over the Duckbill and Oblique Weirs

*For a given channel width, duckbill and oblique weirs have longer effective length, and this could be effective on their discharge coefficients and efficiency. In this study, we tried to examine the role of some of the hydraulic and geometric parameters of mentioned weirs and their height on the discharge coefficient into the channel using the Fluent numerical model and the results of this model compared with the Flow-3D model and experiments data. The pressure, velocity, turbulence, and the free surface of the flow were modeled by k- $\varepsilon$  RNG and volume of fluid (VOF) algorithms, respectively. The NRMSE of the Fluent model in the simulation of the discharge coefficient was 0.0565, which indicates the high accuracy of the model. Results showed that in both weirs, the discharge coefficient decreases with increasing discharge or upstream head. The maximum discharge coefficient was found in the  $H/P \leq 0.35$  in both weirs. The results indicated the oblique weirs had a higher discharge coefficient compared with duckbill weirs and thus had higher flow capacity.*

**Keywords:** Discharge Coefficient, Duckbill Weir, Oblique weir,, Turbulence Model, Volume of Fluid.

---

\* Corresponding author

Received 17 April 2019, Revised 23 August 2019, Accepted 02 October 2019.

DOI: 10.22091/cer.2019.4259.1144

## بررسی عددی جریان و ضریب دبی جریان بر روی سرریزهای نوکاردکی و مایل

سمیه امامی

دانشجوی دکتری سازه‌های آبی،  
دانشکده کشاورزی، دانشگاه  
تبریز.

پست الکترونیک:

somayehemami70@gmail.com

### جواد پارسا\*

استادیار سازه‌های آبی، دانشکده  
کشاورزی، دانشگاه تبریز.

پست الکترونیک:

jparsa@tabrizu.ac.ir

در یک عرض مشخص سرریزهای نوکاردکی و مایل دارای طول مؤثر بیشتری می‌باشند که این مسئله می‌تواند بر ضریب دبی و راندمان این نوع سرریزها تأثیرگذار باشد. در این تحقیق، تلاش شد تا نقش برخی از پارامترهای هیدرولیکی و هندسی سرریزهای ذکر شده و ارتفاع آن‌ها بر روی ضریب دبی جریان در داخل کانال با استفاده از مدل عددی فلوئیت مورد بررسی قرار گیرد و نتایج حاصل از این مدل با نتایج مدل Flow-3D و اطلاعات آزمایشگاهی مقایسه شود. فشار، سرعت و سطح آزاد جریان با استفاده از مدل آشفتگی RNG k-ε و مدل چند فازی (VOF) با حل عددی تعیین گردیدند. معیار نرمال میانگین مجذور مربعات خطای (RMSE) مدل فلوئیت در شبیه‌سازی ضریب دبی جریان ۰/۰۵۶۵ بدست آمد که نشان‌دهنده دقیق بالای این مدل می‌باشد. بررسی نتایج حاصله نشان می‌دهد که در هر دو سرریز، ضریب دبی با افزایش انحراف بالادست سرریز ( $H_d$ )، کاهش می‌یابد. حداکثر مقدار ضریب دبی در محدوده  $\leq 0/35$  ( $H_d/P$ ) در هر دو سرریز نوکاردکی و مایل مشاهده شد. نتایج حاکی از آن بود که سرریزهای مایل در مقایسه با سرریزهای نوکاردکی دارای ضریب دبی بیشتری بوده (۵/۰ برابر ضریب دبی سرریزهای نوکاردکی) و در نتیجه از ظرفیت دبی عبوری (افزایش ۳۳ درصدی) بالاتری نسبت به سرریزهای نوکاردکی برخوردار می‌باشند.

**واژگان کلیدی:** ضریب دبی، سرریز نوکاردکی، سرریز مایل، جزء حجم سیال، مدل آشفتگی.

### ۱- مقدمه

تاج سرریز با حرکت پرتتابی و بدون تماس با صفحه پایین دست ریزش می‌کند. سرریزهای لبه تیز در شرایط اندازه‌گیری دبی با دقیق بالا کاربرد دارند [۱]. در بین انواع سرریزها، سرریز مثلثی بیشترین دقیق را دارا می‌باشد و عموماً با زاویه رأس ۹۰ درجه ساخته می‌شوند. در دبی‌های نسبتاً بالا عموماً از سرریزهای مستطیلی استفاده می‌شود. همچنین سرریزهای دایره‌ای بهترین مقطع هیدرولیکی را در بین انواع سرریزها دارند [۲]. همانطور که اشاره شد سرریزها علاوه بر اندازه‌گیری جریان برای کنترل سطح آب در بالادست برای آبگیری از کانال‌ها نیز مورد استفاده قرار می‌گیرند. بنابراین در صورت طراحی و در نتیجه عملکرد ضعیف سرریز در زمان‌های سیلابی در قسمت بالادست سرریز، سطح آب تغییرات قابل ملاحظه‌ای

سرریزها سازه‌های هیدرولیکی هستند که برای اندازه‌گیری دبی جریان و کنترل سطح آب در کانال‌های آبیاری مورد استفاده قرار می‌گیرند. افزایش دقیق اندازه‌گیری و همچنین سهولت بهره‌برداری در شرایط مختلف، سبب تنوع طراحی سرریزها شده است. در سرریزهای موسوم به سرریز لبه تیز طول تاج در امتداد جریان، کمتر یا مساوی دو میلی‌متر بوده و جریان از روی

\* نویسنده مسئول

تاریخ: دریافت ۰۱/۲۸/۱۳۹۸، بازنگری ۰۶/۰۱/۱۳۹۸، پذیرش ۰۷/۱۰/۱۳۹۸.

DOI: 10.22091/cer.2019.4259.1144

هندرسی سرریز لبه‌تیز نوکاردکی بر روی ضریب دبی جریان با متغیرهای ارتفاع سرریز، زاویه دیواره سرریز با محور مقطع کanal، انرژی کل بالای سرریز و دبی، نشان داد در این سرریزها با افزایش انرژی کل بالای سرریز و در نتیجه افزایش دبی، ضریب دبی کاهش بیشتری نسبت به سرریز مستطیلی ساده دارد [۵].

بررسی الگوی جریان بر روی سرریز نوکاردکی توسط مدل عددی Flow-3D و به صورت سه‌بعدی نشان داد که مقادیر آزمایشگاهی و استخراج از مدل ریاضی، دارای همبستگی نسبتاً خوبی می‌باشند [۶]. شبیه‌سازی سه‌بعدی پارامترهای مؤثر بر ضریب دبی سرریزهای منقاری با استفاده از نرم‌افزار فلوئنت<sup>۳</sup> حاکی از آن بود که در کلیه سرریزهای منقاری با زاویه‌های رأس مختلف، ضریب دبی با افزایش H/P (نسبت بار هیدرولیکی به ارتفاع سرریز) افزایش یافته و سپس به دلیل تداخل تیغه‌های ریزشی، ضریب دبی کاهش می‌یابد [۷]. محققان در سال ۲۰۱۶، اقدام به بررسی خصوصیات هیدرولیکی جریان بر روی سرریزهایی با مقطع افقی مثلثی با استفاده از نرم‌افزار Flow-3D نموده و نتایج حاصل را با نتایج سرریز خطی مقایسه کردند. ملاحظه گردید که با افزایش زاویه رأس سرریز از ۳۰ درجه تا ۱۸۰ درجه، به علت کاهش تداخل جریان عبوری با تیغه‌های ریزشی جانبی، اغتشاشات و گردابه‌های جریان کمتر شده و از برآمدگی سطح جریان در نیمرخ طولی و اختلاف عرضی جریان در نیمرخ عرضی کاسته می‌شود [۸]. طول دماغه و زاویه دیواره سرریز با امتداد جریان بر ضریب دبی جریان در سرریزهای کنگره‌ای ذوزنقه‌ای به روش CFD حاکی از آن است که با افزایش میزان زاویه سرریز در امتداد جریان (α)، ضریب دبی افزایش می‌یابد [۹]. تینگی<sup>۴</sup> در سال ۲۰۱۱، آزمایش‌هایی بر روی سرریزهای مایل با زاویه‌های ۸، ۱۰، ۱۵، ۲۵، ۴۵، ۶۰ و ۹۰ درجه و برای سه ارتفاع

خواهد داشت که باعث اختلال و کاهش دقت آبگیری از کanal در آبگیرهای بالادست می‌شود. از لحاظ مهندسی تغییرات حداقل سطح آب در زمان‌های سیلابی برای قسمت بالادست سرریز مطلوب می‌باشد.

سرریزهای چندوجهی<sup>۱</sup>، به دلیل افزایش طول مؤثر آن در طول ثابتی از دیواره کanal، دارای دبی عبوری ۱/۵ تا ۴/۵ برابر سرریزهای معمولی می‌باشند و طراحان سازه‌های آبی آزادی عمل بیشتری برای طراحی این نوع سرریزها دارند [۳]. سرریزهای نوکاردکی و مایل از جمله سرریزهای چندوجهی می‌باشند و با توجه به طراحی ساده و دارا بودن طول مؤثر بیشتر نسبت به سرریزهای معمول، دبی بیشتری در مقایسه با سرریزهای معمول برای کanal با عرض و ارتفاع مشابه را از خود عبور می‌دهند (شکل ۱). قابلیت بالای سرریزهای نوکاردکی و مایل در هوادهی جریان، طول مؤثر بیشتر و همچنین کارایی بالای این سرریزها در بارهای آبی کم، از مزیت‌های اصلی استفاده از این سرریزها می‌باشد.

امروزه نرم‌افزارهای<sup>۲</sup> CFD، برای بررسی شرایط جریان سیالات در بین محققین، جایگاه ویژه‌ای به خود اختصاص داده‌اند. استفاده آسان، هزینه کم و مهم‌تر از همه، سرعت بالای CFD در رسیدن به پاسخ از دلایل گرایش به این روش تحقیقی می‌باشد. روش‌های عددی در مقایسه با مطالعات آزمایشگاهی دارای مزیت‌های قابل توجهی می‌باشند. با استفاده از روش‌های عددی، امکان بررسی مشخصات جریان در محدوده وسیعی از پارامترهای هیدرولیکی و هندسی بدون انجام آزمایش‌هایی با هزینه‌های بالا و در زمان کمتر برای محققین فراهم می‌شود.

در طول سالیان اخیر، محققین زیادی برای به دست آوردن ضریب دبی سرریزهای چندوجهی تلاش نموده و روابط زیادی را ارائه داده‌اند. بررسی آزمایشگاهی اثر ابعاد

<sup>۳</sup>- Fluent

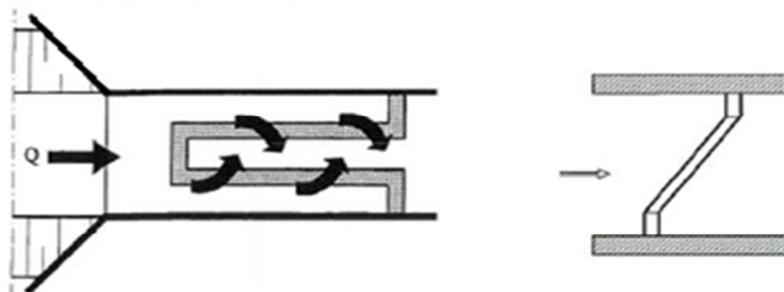
<sup>۴</sup>- Tingey

<sup>۱</sup>- Labyrinth Weir

<sup>۲</sup>- Computational fluid dynamics

ضریب دبی را برای سرریزهای مایل و در چهار ارتفاع، ۲۰، ۲۵، ۳۰ و ۳۵ سانتی‌متر به دست آورده‌اند که نتایج H/P نشان‌دهنده کاهش ضریب دبی با افزایش نسبت H/P می‌باشد و ضریب دبی برای سرریزهای با ارتفاع بیشتر مقدار بالاتری را دارا بوده است [۱۱].

و ۱۲ اینچ انجام داد و رابطه ضریب دبی با ارتفاع انرژی کل بالادست سرریز را به صورت نمودار بیان کرد. نتایج نشان داد در سرریزهای مایل با زوایه ۴۵ درجه و کوچک‌تر از آن، با افزایش مقدار ارتفاع انرژی بالادست سرریز، ضریب دبی کاهش می‌یابد [۱۰]. محققان در سال ۲۰۰۵ محققان در سال ۲۰۰۵



سرریز نوک اردکی

سرریزهای مایل

شکل ۱- نمایش سرریزهای مایل و نوکاردکی در پلان [۴]

تحقیقات انجام شده روی سرریزهای نوکاردکی و مایل نشان می‌دهد که تاکنون شرایط جریان بالادست و ابعاد سرریز بیشتر به صورت آزمایشگاهی مورد توجه قرار گرفته است. از آنجاکه هندسه این نوع سرریزها پیچیدگی مسئله را برای مقاصد تئوری و عملی به دنبال خواهد داشت، لذا بررسی هیدرولیک جریان بر روی این سرریزها حائز اهمیت است. به همین منظور، هدف از پژوهش حاضر، بررسی عددی شرایط هیدرولیکی جریان در سرریزهای نوکاردکی و مایل است. در این مطالعه، تمام پارامترهای تأثیرگذار بر روی ضریب دبی سرریزهای مذکور، شامل ارتفاع بالادست سرریز، ارتفاع سرریز و بار آبی روی سرریز با مدل آزمایشگاهی مقایسه و در حالت‌های مختلف بررسی شد.

## ۲- مواد و روش‌ها

در پژوهش حاضر، از داده‌های ۲۱ مدل سرریز نوکاردکی و مایل بر طبق مطالعه آزمایشگاهی صورت گرفته توسط نیک‌پیک و همکاران [۵]، استفاده شده است. این مدل‌ها در ۷ گروه دسته‌بندی شده‌اند. در این پژوهش، ابتدا مدل‌ها توسط نرم‌افزار پیش‌بردازند

در سال ۲۰۱۵ رضایی و همکاران، به مطالعه آزمایشگاهی ضریب دبی سرریزهای کنگره‌ای مستطیلی پرداختند. در این پژوهش، رابطه دبی جریان و ضریب دبی سرریز کنگره‌ای مستطیلی با استفاده از تحلیل ابعادی استخراج و برای تعیین ضریب‌های ثابت رابطه‌ها از مدل فیزیکی استفاده شد. نتایج نشان داد رابطه‌ای که از اکثر پارامترهای مؤثر استفاده شده نتایج دقیق‌تری پیش‌بینی می‌کند و برای طراحی قابل پیشنهاد است [۱۲]. پژوهشگران در سال ۲۰۱۲، آزمایشاتی بر روی سرریز کنگره‌ای ذوزنقه‌ای با زاویه کناری مختلف انجام دادند. براساس نتایج، ضریب دبی واحد عرض سرریز در ابتدا با افزایش ارتفاع آب به مقدار حداقل خود می‌رسد و سپس به سرعت کاهش می‌یابد [۱۳]. آنیس<sup>۵</sup>، ضریب دبی سرریزهای کنگره‌ای تک‌سیکله با پلان ذوزنقه‌ای را تعیین نمودند. برای نیل به این هدف، ۱۵ مدل مورد آزمایش قرار گرفت. نتایج نشان داد استفاده از زاویه رأس ۲۰ درجه در بین زاویه‌های رأس به کار رفته در سرریزها، بهترین ضریب همبستگی را دارا می‌باشد [۱۴]. بررسی

<sup>۵</sup>- Anis

در این پژوهش، شرایط جریان آب در یک کanal با طول بالا دست سرریز ۶ متر و طول کanal پایین دست سرریزهای نوکاردکی و مایل ۶ متر، عرض ۵۰ و ارتفاع ۵۰ سانتی متر به صورت عددی بررسی شده است. جریان بر روی سرریز نوکاردکی و مایل با استفاده از مدل های Flow-3D در حالت سه بعدی به روش حجم محدود<sup>۹</sup> شبیه سازی شد. شبیه سازی جریان در سرریزهای نوکاردکی و مایل با حل همزمان معادلات پیوستگی و k-ε RNG<sup>۱۰</sup> مومنتوم با استفاده از مدل آشفتگی روش های بررسی جریان چند فازی (روش حجم سیال<sup>۱۱</sup>)، روش حل عددی حجم محدود، روش گسسته سازی جهت مند مرتبه دوم، برای تحلیل جریان در کنار دیواره از مدل تابع دیواره نامتقارن و تابع دیواره استاندارد و الگوریتم حل همزمان سرعت و فشار (PISO) انجام شد. معادله حاکم بر جریان سرریزهای نوکاردکی و مایل، معادلات پیوستگی و مومنتوم ناویر- استوکس می باشدند. معادله پیوستگی رینولدز به صورت زیر می باشد:

$$\frac{\partial \overline{\rho}}{\partial t} + \frac{\partial}{\partial x_i} = (\overline{\rho u_j} + \overline{\rho' u'_j}) = 0 \quad (1)$$

در این معادله،  $\overline{\rho}$  مؤلفه سرعت،  $\rho$  چگالی و  $\overline{u}$  تنش رینولدزی می باشد.

جهت مدل سازی آشفتگی، سه مدل آشفتگی k-ε Realizable، RNG و Standard مورد استفاده قرار گرفت که در نهایت مدل آشفتگی k-ε RNG با درصد خطای کمتر (۷/۶٪) و ارائه نتایج دقیق تر جهت مدل سازی انتخاب شد. معادلات حاکم در این مدل به صورت معادلات (۲) و (۳) بیان می شود [۱۵]. در این معادلات،  $\alpha_k$  عکس عدد اغتشاش پرانتل برای k،  $\mu_{eff}$  ویسکوزیته گردابهای مؤثر،  $G_b$  و  $G_k$  عبارت اند از چشم معاadle  $\epsilon$  و k که به ترتیب اثر شناوری و گرادیان سرعت

گمبیت<sup>۶</sup> ترسیم گردیدند. این نرم افزار، رایج ترین نرم افزار تولید شبکه جریان در CFD می باشد. برای شبکه بندی QUAD-MAP بازه محاسباتی از المان های مربعی استفاده گردید. با توجه به اینکه توصیه می شود در نواحی با گرادیان بالا المان بندی ریزتری به کار برده شود، بنابراین در محل سرریز از شبکه بندی کوچک تر استفاده گردید. برای استقلال داشتن شبکه ها و کنترل عدم تأثیر اندازه سلول ها بر نتایج حاصل از حل عددی، برای تمامی مدل ها از شبکه های یکسان با تعداد تقریبی ۱۹۹۰۶ المان محاسباتی استفاده شد. طرح شبکه بندی یک نمونه سرریز نوکاردکی در شکل ۲، آورده شده است.

در ورودی مدل عددی سرریز از شرط مرزی فشار ورودی (سطح a) استفاده شد. در استفاده از شرط مرزی سرعت ورودی<sup>۷</sup>، دبی ورودی به کanal به صورت ثابت باقی می ماند، اما به دلیل اینکه این شرط مرزی همانند یک روزنه عمل می کند، در ابتدای جریان ورودی اینجا سطح آب به وجود می آورد که این خود بر پروفیل سطح آب بر روی سرریز تأثیرگذار می باشد. به همین دلیل از شرط مرزی فشار ورودی<sup>۸</sup> برای جریان به کanal، با وجود اینکه در دبی ورودی کمی تغییر به وجود می آید، استفاده گردید. فشار ورودی با مشخص بودن عمق ورودی جریان به صورت هیدرولاستاتیک تعریف شد (همچنین قابل ذکر است هر دو شرط مرزی ورودی سرعت و فشار مورد آزمایش قرار گرفت که شرط مرزی فشار ورودی بر حسب دقیق بہترین شرایط مرزی معرفی و انتخاب شد). فشار خروجی هوا برای سطح آزاد کanal (سطح b)، که مقدار آن نیز صفر می باشد، فشار خروجی صفر برای سطح c، شرط مرزی دیواره (Wall) برای سطح d و شرط مرزی سرعت ورودی جهت هوادهی به سرریز (سطح e) استفاده شد (شکل ۳).

<sup>۹</sup>- Finite volume method

<sup>۱۰</sup>- Re-normalization group model

<sup>۱۱</sup>- Volume of fluid (VOF)

<sup>6</sup>- Gambit

<sup>7</sup>- Velocity Inlet

<sup>8</sup>- Pressure Inlet

$$R_{\varepsilon} = \frac{C_{\mu} \rho \eta^3 (1 - \frac{\eta}{\eta_0})}{1 + \beta \eta^3} \frac{\varepsilon^2}{k} \quad (3)$$

## ۱-۲- تحلیل ابعادی

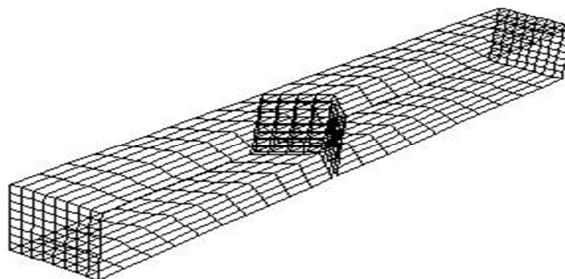
معادله یکبعدی جریان بر روی سرریز با فرض جریان آزاد و پرتایی از روی یک سرریز لبه‌تیز ساده به صورت رابطه (۴) تعریف می‌شود [۷]:

$$Q = \frac{2}{3} \sqrt{2g} C_d L_e H_d^{3/2} \quad (4)$$

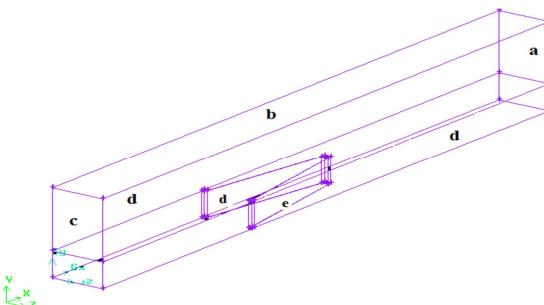
در این رابطه،  $Q$  دبی جریان عبوری،  $C_d$  ضریب دبی جریان،  $g$  شتاب نقل،  $H_d$  انرژی کل بالادست لبه سرریز و طول مؤثر سرریز می‌باشد.

میانگین را در معادله اعمال می‌کنند،  $\rho$  چگالی،  $u_i$  مؤلفه سرعت در جهت  $x_i$   $\varepsilon$  نرخ استهلاک انرژی،  $C_{1\varepsilon}$  و  $C_{2\varepsilon}$  مقدار ثابت،  $S_{\varepsilon}$  ترم اضافی است که در صورت نیاز توسط کاربر تعریف می‌شود،  $C\mu$  یک مقدار ثابت بدون بعد برابر با  $0.09$ ،  $\eta$  نرخ کرنش متوسط و  $\beta$  ضریب ثابت برابر با  $0.12$  می‌باشند.

$$\begin{aligned} \frac{\partial}{\partial t} (\rho \varepsilon) + \frac{\partial}{\partial x_i} (\rho \varepsilon u_i) = \\ \frac{\partial}{\partial x_j} (\alpha_k \mu_{eff} \frac{\partial \varepsilon}{\partial x_j}) + \\ C_{1\varepsilon} \frac{\varepsilon}{k} (G_k + C_{3\varepsilon} G_b) - C_{2\varepsilon} \rho \frac{\varepsilon^2}{k} + S_{\varepsilon} \end{aligned} \quad (2)$$



شکل ۲- شبکه‌بندی سرریز در نرم‌افزار گمیت



شکل ۳- تصویر شماتیک از شرایط مرزی تعریف شده برای هر دو مدل (سرریز نوک اردکی و مایل)

با توجه به شکل ۳ و رابطه (۵)،  $f$  نمایانگر یکتابع،  $y$  عمق آب،  $\alpha$  زاویه سرریز،  $V$  سرعت جریان در بالادست سرریز،  $\mu$  لزوجت دینامیکی سیال،  $\sigma$  کشش سطحی،  $\rho$  جرم واحد سیال،  $Re$  عدد رینولدز،  $We$  عدد وبر و  $Fr$  عدد فرود جریان می‌باشد. در پژوهش حاضر، جریان در سرریز کanal متلاطم و تأثیر لایه مرزی ناچیز بوده و همچنین با توجه به اینکه حداقل ارتفاع آب روی

تابع جریان در سرریز نوک اردکی و مایل براساس خصوصیات هندسی، سینماتیکی و دینامیکی جریان به صورت معادله (۵) به دست آمد [۱۱]:

$$\begin{aligned} f \left( \frac{H_d}{P}, \frac{H_d}{L_e}, \frac{H_d}{W}, \frac{y}{P}, Re, Fr, We, \alpha \right) = 0 \\ C_d = f (H_d, L_e, P, W, \alpha, y, V, g, \mu, \sigma, \rho) \end{aligned} \quad (5)$$

$$f\left(\frac{H_d}{P}, \frac{H_d}{L_e}, \frac{H_d}{W}, \alpha\right) = 0 \quad (6)$$

در جدول ۱ و ۲، مشخصات هندسی سرریزهای نوکاردکی و مایل آورده شده است. در شکل ۴ (الف تا ج) نیز، نمایی از سرریزهای نوکاردکی و مایل بهمراه مشخصات هندسی مورد استفاده آنها نشان داده شده است.

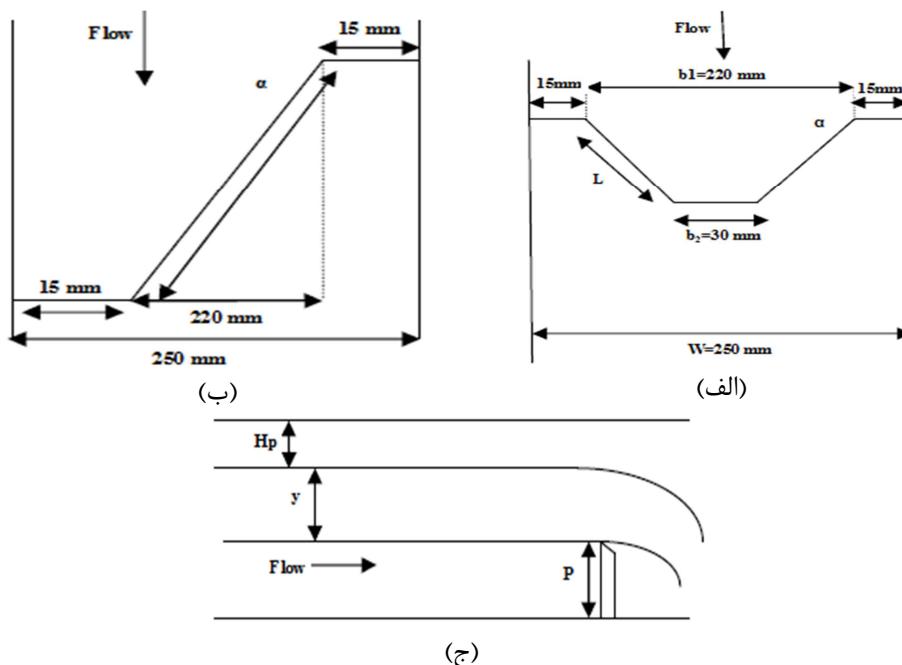
سرریز معادل ۳ سانتیمتر منظور شده است، می‌توان از اعداد رینولدز و ویر صرفنظر نمود. همچنین، با توجه به در نظر گرفتن تأثیر مقدار  $H_d$  به عنوان ارتفاع آب روی سرریز، از مقدار  $u$  (ارتفاع کل آب) صرفنظر شده و تأثیر پارامتر  $\frac{y}{P}$  حذف می‌گردد. با نادیده گرفتن پارامترهای ذکر شده، رابطه ضریب دبی جریان به فرم معادله (۶)، ارائه می‌شود:

جدول ۱- مشخصات هندسی سرریزهای نوکاردکی

$Q (m^3/s)$	$Le (mm)$	$L (mm)$	زاویه ( $\alpha$ )	ردیف
۷/۶-۵۲	۳۲۸/۷	۱۳۴/۳۵	۴۵	۱
۷/۶-۶۳	۴۴۰	۱۹۰	۶۰	۲
۱۲/۲-۶۲/۳	۷۹۴	۳۶۷	۷۵	۳

جدول ۲- مشخصات هندسی سرریزهای مایل

$Q (m^3/s)$	$Le (mm)$	$L (mm)$	زاویه ( $\alpha$ )	ردیف
۷/۹-۶۱/۲	۲۵۷/۷۶	۲۲۷/۷۶	۱۵	۱
۷/۴-۵۸	۲۸۴	۲۵۴	۳۰	۲
۱۱/۲-۶۴	۳۴۱/۱۳	۳۱۱/۱۳	۴۵	۳



شکل ۴- نمایی از سرریزها (الف) سرریز نوکاردکی، (ب) سرریز مایل و (ج) مشخصات هیدرولیکی

جهت صحتسنجی عملکرد نرمافزار فلوئنت، مدل سرریز مستطیلی هم عرض کanal با ارتفاع  $0/3$  متر در کanalی به عرض  $0/5$  متر طراحی و شبیه‌سازی گردید.

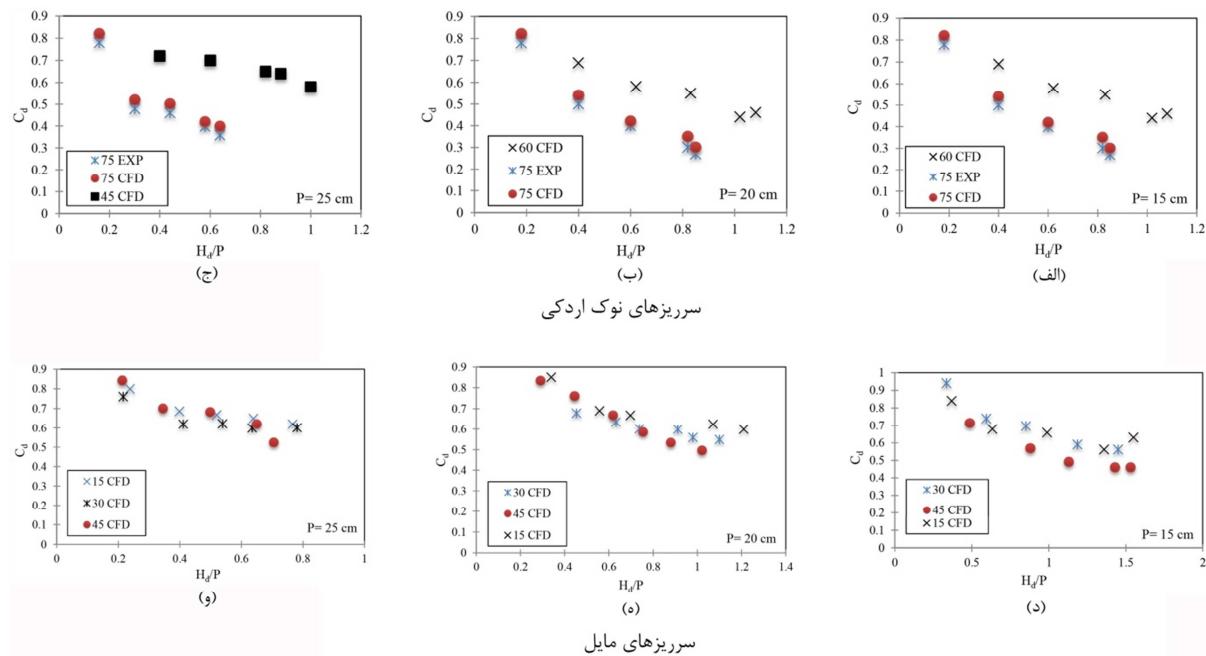
### ۳- نتایج و بحث

#### ۳-۱- صحتسنجی مدل فلوئنت

آزمایشات فیزیکی می‌باشد. خطای نسبی مدل فلوئنت، در شبیه‌سازی پارامتر ضریب دبی ( $C_d$ )، بین  $۰/۰۳$  تا  $۰/۰۸۳$  (۳/۸ درصد) می‌باشد. از آنجاکه اختلاف عمق جریان در روش حجم سیال در جریان‌های زیربحranی نسبت به مدل فیزیکی ثابت می‌باشد و مبنای ارزیابی مدل فلوئنت، مدل آزمایشگاهی است؛ لذا با کاهش مقدار عمق در مدل آزمایشگاهی، خطای برآورد عمق جریان در مدل فلوئنت بیشتر می‌شود. بنابراین همانگونه که در نمودارها نیز مشاهده می‌شود، ضریب دبی شبیه‌سازی شده توسط مدل فلوئنت، برای تمامی  $H_d/P$ ‌ها، بیشتر از ضریب دبی در مدل فیزیکی است.

سرریز لبه تیز مورد نظر بهازای دبی‌های مختلف مورد مطالعه قرار گرفت. بعد از حصول اطمینان از عملکرد نرم‌افزار و روش‌های به کار گرفته شده در نرم‌افزار فلوئنت، به طراحی مدل سرریزهای نوکاردکی و مایل پرداخته شد.

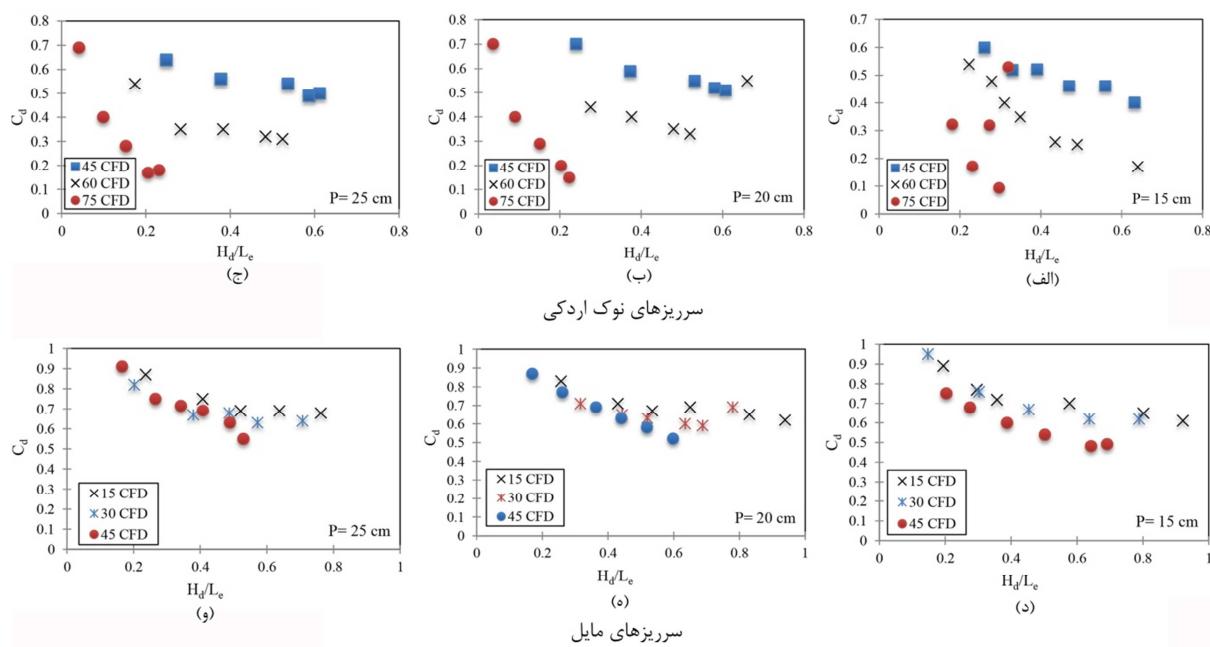
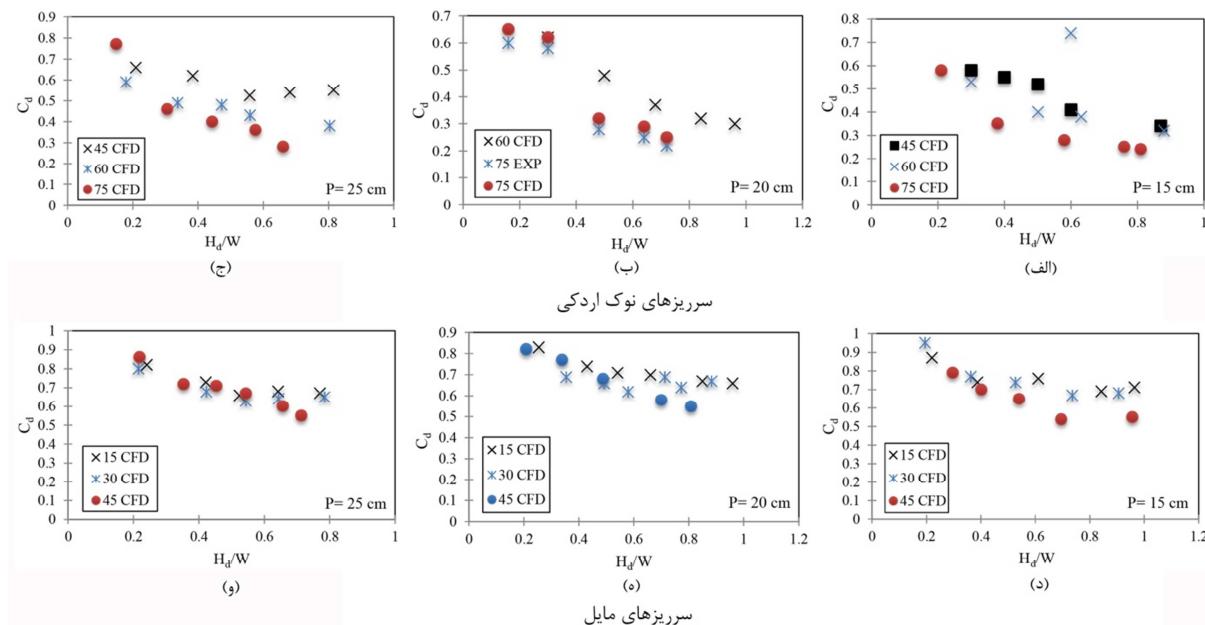
شکل ۵، تغییرات ضریب دبی ( $C_d$ ) در برابر  $H_d/P$  برای ارتفاع‌های ۱۵، ۲۰ و ۲۵ سانتی‌متر را در مدل‌سازی عددی نشان می‌دهند. با توجه به شکل ۵، مشاهده می‌شود با افزایش نسبت  $H_d/P$ ، ضریب دبی کاهش می‌یابد. دلیل این امر، کاهش تداخل جریان در دماغه سرریزها می‌باشد. این نمودار بیانگر تطابق خوبی بین نتایج حاصل از شبیه‌سازی عددی با مدل فلوئنت و



شکل ۵- مقایسه تغییرات ضریب دبی بهازای  $H_d/P$ ‌های مختلف بین داده‌های آزمایشگاهی و مدل فلوئنت

می‌توان نتیجه گرفت که سرریز نوکاردکی با زاویه ۷۵ درجه با دارا بودن بیشترین تداخل جریان در دماغه خود، دارای کمترین و سرریز نوکاردکی با زاویه ۴۵ درجه دارای بیشترین مقدار ضریب دبی جریان در بین سرریزهای مورد بررسی می‌باشد. در مورد سرریزهای مایل، با کاهش زاویه این سرریزها، ضریب دبی افزایش یافته و به ضریب دبی سرریز استاندارد نزدیک‌تر می‌شود.

تغییرات ضریب دبی در برابر  $H_d/W$  و  $H_d/Le$  برای زاویه‌های مختلف سرریز نوکاردکی و مایل با استفاده از مدل فلوئنت، در شکل‌های ۶ و ۷ ارائه شده است. با توجه به نمودارها مشخص می‌شود که بهازای افزایش نسبت‌های  $H_d/L_e$  و  $H_d/P$ ، ضریب دبی کاهش می‌یابد. همان‌طور که گفته شد، کاهش تداخل جریان در دماغه سرریزهای نوکاردکی و مایل، سبب این امر می‌شود. همچنین با توجه به نمودارهای اشکال ۶ و ۷،

شکل ۶- مقایسه تغییرات ضریب دبی بهازای  $H_d/L_e$  های مختلف بین داده های آزمایشگاهی و مدل فلوئنتشکل ۷- مقایسه تغییرات ضریب دبی بهازای  $H_d/W$  های مختلف بین داده های آزمایشگاهی و مدل فلوئنت

در سرریزهای مایل با زاویه ۴۵ درجه و کوچکتر از آن با افزایش مقدار ارتفاع انرژی بالا دست سرریز، ضریب دبی کاهش می‌یابد. با توجه به شکل‌های بالا، هرچه انرژی کل بالا دست سرریز افزایش یابد، ضریب دبی با شبیه بیشتری کاهش می‌یابد.

همانگونه که در شکل ۷ مشاهده می‌شود، ضریب دبی با افزایش نسبت  $H_d/W$  بهازای زاویه‌های مختلف سرریزهای نوک اردکی و مایل، دارای روند کاهشی (شبیه کاهشی) می‌باشد. با توجه به اینکه در کلیه مدل‌های مورد بررسی، عرض کanal ثابت (۲۵/۰ متر) در نظر گرفته شده است، بنابراین مهم‌ترین پارامتر تأثیرگذار در روند کاهشی ضریب دبی، پارامتر انرژی کل بالا دست سرریزها می‌باشد.

سرریز نوکاردکی و در محدوده  $H/P < 0.5$  سرریز مایل برتر است.

نتایج آزمایش‌های محققان نیز نشان داد در سرریزهای مایل با زاویه کوچک‌تر از  $45^\circ$  درجه با افزایش مقدار ارتفاع انرژی بالادست سرریز، ضریب دبی کاهش یافته است و در محدوده  $0.25 < H/P < 0.85$  قرار می‌گیرد [۱۰]. همچنین نیکپیک و همکاران، کمترین مقدار ضریب دبی را به ترتیب برای سرریزهای نوکاردکی در حدود  $0.3$  و برای سرریزهای مایل با زاویه  $45^\circ$  درجه،  $0.54$  به دست آورده‌اند [۵]. نتایج هر دو مطالعه با نتایج حاصله از پژوهش حاضر همخوانی دارد.

#### ۴- نتیجه‌گیری

در این تحقیق، هدف اصلی، بررسی هیدرولیک جریان بر روی سرریزهای نوکاردکی و مایل با استفاده از مدل عددی فلوئنت و در نهایت مقایسه نتایج حاصله با نرمافزار Flow-3D بود. جهت بررسی عددی از روش RNG k-ε برای شبیه‌سازی آشفتگی جریان و مدل حجم سیال برای شبیه‌سازی جریان چندفازی استفاده شد.

نتایج تحقیق حاضر را می‌توان به صورت زیر ارائه نمود:

۱- مقایسه نتایج حاصل از مدل فیزیکی، مدل فلوئنت و مدل Flow-3D، بیانگر تطابق و برتری مناسب مدل فلوئنت در شبیه‌سازی عددی ضریب دبی بین نتایج بود. بنابراین می‌توان مدل فلوئنت را به دلیل هزینه و زمان کم‌تر و سرعت بالای اجرا در مقایسه با مدل Flow-3D، جایگزین مناسبی برای مدل فیزیکی (مطالعات آزمایشگاهی) معرفی نمود.

۲- خطای نسبی مدل فلوئنت در شبیه‌سازی ضریب دبی در مقایسه با مدل Flow-3D بین  $0.3\%$  تا  $0.8\%$  می‌باشد.

۳- ضریب دبی در سرریزهای مایل در مواقعی که ارتفاع آب روی سرریز کم باشد، بیشتر از سرریز

۳-۲- مقایسه نتایج مدل فلوئنت و مدل Flow-3D در شبیه‌سازی هیدرولیک جریان بر روی سرریزهای نوکاردکی و مایل

جهت بررسی کارایی و عملکرد دو مدل فلوئنت و Flow-3D در شبیه‌سازی عددی هیدرولیک جریان بر روی سرریزهای نوکاردکی و مایل، در جدول ۳، ریشه میانگین خطای نرمال شده<sup>۱۲</sup> مدل‌های عددی مذکور به‌ازای زاویه‌ها و مدل‌های آشفتگی مختلف برای هر دو سرریز مورد مطالعه در تحقیق حاضر ارائه شده است. نتایج به دست آمده از شبیه‌سازی مدل فلوئنت (به صورت سه‌بعدی) در مقایسه با مدل D، اختلاف محسوسی با نتایج آزمایشگاهی (مدل فیزیکی)، نشان نداد و تطابق مناسبی بین نتایج حاصل از مدل عددی فلوئنت و آزمایش‌های فیزیکی مشاهده شد.

با توجه به آنکه تاکنون مطالعات موثقی در مورد مدل‌سازی عددی هیدرولیک جریان در سرریزهای نوکاردکی و مایل صورت نگرفته است، لذا نتایج حاصل از پژوهش حاضر با نتایج به دست آمده از مطالعات آزمایشگاهی مراجع [۵]، [۱۰]، [۱۱] و [۱۶]، که مطالعاتی بر روی ضریب دبی سرریزهای مایل و نوکاردکی انجام دادند، مورد مقایسه قرار گرفت. نتایج مطالعه بر قعی و همکاران، حاکی از آن بود که در سرریزهای با زاویه  $45^\circ$  درجه و کوچک‌تر از آن، با افزایش نسبت  $H/P$ ، ضریب دبی کاهش یافته و به مقدار  $0.6$  می‌رسد [۱۶]. همچنین نوری و چلمیران، ضریب دبی سرریزهای مایل را در چهار ارتفاع  $20$ ،  $25$ ،  $30$  و  $35$  در محدوده  $0.5 < H/P < 0.9$  گزارش کردند [۱۱].

نتایج مقایسه‌ها نشان داد، تفاوت کارایی سرریزهای نوکاردکی و مایل در نسبت‌های متفاوت  $H/P$  ناچیز بوده و روند معنی‌داری ندارد. در محدوده  $0.2 < H/P < 0.4$  محدوده

<sup>12</sup>-Normalized Root Mean Square Error

این سرریز، ضریب دبی آن روند کاهشی کمتری در مقایسه با سرریز نوکارددکی می‌یابد.

نوکارددکی (بهدلیل تداخل جریان در دماغه سرریز) می‌باشد. همچنین با افزایش بار آبی روی

جدول ۳- NRMSE مدل فلوئنت و Flow-3D در حالت‌های مختلف

معیار نرمال میانگین مجذور مربعات خطا (NRMSE)	پارامترهای بی بعد			(α)		مدل به کار رفته	
	H <sub>d</sub> /W	H <sub>d</sub> /L <sub>e</sub>	H <sub>d</sub> /P	سرریز مایل	سرریز نوک اردکی		
Fluent	Flow-3D						
۰/۰۳۱۴	۰/۰۴۵	۰/۱۸-۱	۰/۰۳-۰/۸	۰/۱۶-۱/۵۳	۱۵-۴۵	۴۵-۷۵	3D, k-ε, RNG, VOF, PISO
۰/۰۱۹۵	۰/۰۲۴۳	۰/۱۸-۱	۰/۰۳-۰/۸	۰/۱۶-۱/۵۳	۱۵-۴۵	۴۵-۷۵	3D, k-ε, RNG, VOF, PISO
۰/۰۲۴۸	۰/۰۲۱	۰/۱۸-۱	۰/۰۳-۰/۸	۰/۱۶-۱/۵۳	۱۵-۴۵	۴۵-۷۵	3D, k-ε, RNG, VOF, PISO
۰/۰۵۶۱	۰/۰۶۴۲	۰/۱۸-۱	۰/۰۳-۰/۸	۰/۱۶-۱/۵۳	۱۵-۴۵	۴۵-۷۵	3D, k-ε, RNG, VOF, PISO
۰/۰۴۲	۰/۰۵۱	۰/۱۸-۱	۰/۰۳-۰/۸	۰/۱۶-۱/۵۳	۱۵-۴۵	۴۵-۷۵	3D, k-ε, RNG, VOF, PISO

تداخل جریان در دماغه خود، دارای کمترین و سرریزهای نوکارددکی و مایل بهترتبیب با زاویه ۴۵ و ۱۵ درجه دارای بیشترین مقدار ضریب دبی جریان در بین سرریزهای مورد بررسی می‌باشد.

- در محدوده  $H_d/P < 0/35$  (H<sub>d</sub>/P) ضریب دبی در هر دو سرریز نوکارددکی و مایل، حداکثر مقدار خود را دارد.

- سرریزهای نوکارددکی و مایل بهترتبیب با زاویه‌های ۷۵ و ۴۵ درجه با دارا بودن بیشترین

## مراجع

- [1] Bos, M. G. (1988). "Discharge measurement structures", *International Institute for Land Reclamation and Improvement (ILRI)*.
- [2] Beyrami, M.K. (2009). "Water Transfer Structures", *Isfahan University of Technology Publications*.
- [3] BeihaghiKondari, A., Zeiae, N. A., khodashenas, R. S., & Zahedi, H. (2012). "Simulation lateral weirs in rectangular canal using Fluent software", *9<sup>th</sup> international civil engineering congress*, 19-21 Ordibehesht, Esfahan University.
- [4] Zahiri, A. (2014). "Extracting the relationship between the discharge coefficient in arc weirs by genetic planning", *Irrigation and drainage*, 9(2), 232-244.
- [5] Nikpeik, P., Kashefipour, S. M., & Mpltaji, A. (2011). "Investigation on the effect of duckbill weir geometry on discharge coefficient", *Chaloos Islamic University Pub. Chaloos*, Iran, 39(1), 1-10.
- [6] Saiedi, M., Shaghaghian, M. R., & Zayeri, M. R. (2014). "Investigation of flow pattern on duckbill weir using Flow-3D Model", *Second national conference on applied research in civil, architecture and urban management*.
- [7] Emami, S. (2016)."Numerical investigation of geometric parameters effect of the duckbill weir on the discharge coefficient", *M.Sc. Thesis of Hydraulic Structures*, Department of Water Engineering, University of Tabriz.
- [8] Haghabi, H., Abbaspour, B., Maleki, A., & TorabiPoudeh, H. (2015). "Simulation of flow pattern on horizontal triangular weirs and comparison with linear weirs using Flow-3D model", *Journal of Water Engineering*, 9, 125-137.
- [9] Azhdari-Moghaddam, M., Amanian, N. A., & JafariNadoshan, A. (2011). "Investigation the length and angle of the head of the trapezoid labyrinth weir using CGD", *6<sup>th</sup> national civil engineering congress*, 6-7 May, Semnan University.

- [10] Tingey, S. E. (2011). "Discharge coefficient of oblique weirs", *M. Sc. Thesis in Mechanical Engineering*, Utah State University, USA, 51 p.
- [11] Noori, B. M. A., & Chilmeran, T. A. H. (2005). "Characteristics of flow over normal and oblique weirs with semicircular crests", *Al\_Rafidain Engineering Journal*, 13(1), 49-61.
- [12] Rezaee, M., Emadi, A., & Aqajani Mazandarani, Q. (2015). "Experimental Study of Rectangular Labyrinth Weir", *Journal of Water and Soil*, 29(6), 1438-1446.
- [13] Khode B. V., Tembhurkar A.R., Porey P. D., & Ingle R. N. (2012). "Experimental studies on flow over labyrinth weir", *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*, 10, (ASCE) IR.21p.
- [14] Anees, K. I., Riyadh, A. I. A., LioudH, C., Chua, A., & Subrat, D. (2016). "Determination of discharge coefficient for flow over one cycle compound trapezoidal plan form labyrinth weir", *International Journal of Civil Engineering and Technology*, 7(4), 314-328.
- [15] Hirt, C. W., & Nichols, B. D. (1981). "Volume of fluid (VOF) method for the dynamics of free boundaries", *Journal of Computational Physics*, 39, 201-225.
- [16] Borghei, S. M., Vatannia, Z., Ghodsian, M., & Jalili Ghazizadeh, M. R. (2003). "Oblique rectangular sharp-crested weir", *Proceedings of the Institution of Civil Engineers, Water and Maritime Engineering*, 156(2), 185-191.